# РОССИЙСКАЯ АКАДЕМИЯ НАУК СИБИРСКОЕ ОТДЕЛЕНИЕ

#### АВТОМЕТРИЯ

<u>№</u> 6

1998

УДК 621.315.592.722.99

# Г. А. Ленкова, А. М. Щербаченко

(Повосибирск)

### ОПТИМИЗАЦИЯ ПРОФИЛЯ СТУПЕНЧАТЫХ КИНОФОРМНЫХ ЛИНЗ

Рассматривается способ оптимизации профиля ступенчатой киноформной линзы, изготавливаемой с помощью двух фотошаблонов. Способ основан на формировании фазового профиля линзы с комбинированной структурой зон.

Киноформная линза – это плоский оптический элемент, обладающий фокусирующими свойствами за счет дифракции света на его структуре. Технология изготовления киноформных линз сводится к формированию на плоской подложке концентрических кольцевых зон с фазовым профилем, оптическая глубина которого не превышает длины световой волны. Под оптической глубиной понимается фазовая задержка, которая вносится в падающий волновой фронт путем изменения толщины материала или показателя преломления.

Среди множества технологий формирования фазового профиля киноформных линз [1] наиболее распространенной является технология, основанная на методах фотолитографии. Для получения идеального (пилообразного) или близкого к нему профиля со ступенчатой структурой используется полутоновый фотошаблон или комплект бинарных фотошаблонов. После экспонирования полутонового фотошаблона на фоторезист и последующего проявления в слое фоторезиста образуется рельеф, соответствующий пропусканию фотошаблона. Далее методом ионного травления рельеф переносится в материал подложки и формируется заданный профиль киноформной линзы. При производстве ступенчатых киноформных линз топология зон каждого из бинарных фотошаблонов последовательно переводится в материал подложек в виде ступенек, ширина и глубина которых изменяются в зависимости от фотошаблона.

Одной из основных характеристик киноформных линз является дифракционная эффективность, которая представляет собой отношение потока световой энергии, собираемой оптическим элементом в главном фокусе (в первом порядке), ко всему потоку, прошедшему через элемент. Другой важнейшей характеристикой киноформной линзы является диаметр светового пятна в фокусе. Известно, что чем больше отношение диаметра линзы к ее фокусному расстоянию, тем меньше диаметр пятна в фокусе и выше разрешающая способность линзы.

Дифракционная эффективность ступенчатых киноформных линз увеличивается с увеличением числа ступеней, аппроксимирующих пилообразный профиль. В [2] рассматривается способ формирования ступенчатой структуры линз с числом уровней квантования больше чем два, позволяющий оптимизировать количество фотошаблонов при заданной дифракционной эффективности и апертуре линзы. Аппроксимация производится ступенчатыми функциями с амплитудами кратными 2. При этом число ступенек в каждой дифракционной зоне одинаково по всей апертуре. Чаще всего применяется четырехступенчатая (эффективность 81 %), реже восьмиступенчатая (95 %) структура.

Увеличение количества ступеней ограничивается допустимым размером ступеньки в крайних зонах линзы, ширина которых уменьшается при удалении от центра линзы. Эта же причина влияет на размер пятна в фокусе линзы. Современное фотолитографическое оборудование, включающее запись фотошаблонов лазерным или электронным лучом, позволяет формировать дифракционные структуры с элементарным размером порядка длины световой волны  $\lambda$ , и поэтому его разрешающая способность не является в настоящее время главным ограничивающим фактором. Ограничение скорее связано с областью применения скалярной теории дифракции. В [3] показано, что ошибки скалярной теории составляют не более 5 %, если наименьшая ширина ступени равна  $2\lambda$ . При малом размере ступеней возникает также зависимость дифракционной эффективности от направления вектора поляризации.

Общепринятой в настоящее время является такая технология изготовления, при которой число ступенек в каждой киноформной зоне одинаково по всей апертуре оптического элемента. В работе предлагается способ оптимизации структуры, дающий возможность повысить дифракционную эффективность и разрешающую способность киноформных линз. Предлагаемый способ основан на формировании фазового профиля зон с комбинированной структурой. В [4] анализируются свойства плоской линзы с подобной структурой. В центральной части дифракционные зоны имеют пилообразный, а начиная с некоторого радиуса, когда размер зон становится сравнимым с предельным разрешением фотолитографического процесса, двухступенчатый (бинарный) профиль. В результате общая дифракционная эффективность при данной апертуре линзы увеличивается с 38 до 62 %.

В рассматриваемом случае вся площадь киноформной линзы разбивается на ряд кольцевых областей. В центральной части формируется фазовый профиль с максимальным числом ступеней при заданном числе фотошаблонов. Для двух фотошаблонов оно равно 4. Переход к следующей области в направлении от центра осуществлялся, когда ширина ступени в предыдущей области становилась равной предельно допустимой *d*. Причем число ступеней после перехода уменьшалось на одну ступеньку. Таким образом, ширина последней зоны в каждой области равна *md* (*m* – число ступеней), а на краю линзы – 2*d*.

Радиусы зон  $r_n$  и ширина *n*-й зоны  $dr_n$  киноформной линзы, как известно, определяются выражениями:

$$r_n = (2fn\lambda + n^2\lambda^2)^{1/2},$$
 (1)

$$dr_n = (f\lambda + n\lambda^2)/r_n, \tag{2}$$

гдеf – фокусное расстояние киноформной линзы;  $\lambda$  – конструктивная длина волны.

На основании (2), полагая  $dr_n = md$ , можно определить радиусы коль-цевых областей  $r_m$ , начиная с которых число ступенек в зоне уменьшается на одну:

$$r_m = (f\lambda + n\lambda^2)/md. \tag{3}$$

Приравнивая правые части (1) и (3), находим, что номер зоны на границе кольцевой области в первом приближении равен

$$n = f/2m^2d^2. ag{4}$$

Принимая во внимание, что последняя зона линзы имеет размер 2d, можно найти отношение радиуса каждой области г, к полному радиусу линзы:

$$r_m/r = 2(f + n\lambda)/m(f + k\lambda), \qquad (5)$$

где n, k – число зон на внешней границе кольцевой зоны и всей апертуре линзы соответственно. При  $n\lambda \ll f$  и  $\kappa \wedge \ll f$  уравнение (4) последовательно преобразуется в выражения:

$$r_m/r = 2f/m(f + k\lambda), \qquad (6)$$

$$r_m/r=2/m.$$
 (7)

49

При двух фотошаблонах относительные радиусы последовательных кольцевых областеи на основании (7) равны 0,5 (m = 4); 0,67 (m = 3) и 1 (m = 2). Отсюда можно определить относительную площадь каждой кольцевой области в направлении от центра: 0,25, 0,194 и 0,556, полагая, что площадь всей линзы равна 1. На рис. 1 представлена в масштабе (в соответствии с (7)) схема





Puc. 2

расположения кольцевых зон с числом ступенек фазового профиля линзы m = 4,3,2.

На рис. 2, *а* схематически показана последовательность травления матрицы через два фотошаблона, а на рис. 2, *b* – форма профиля отпечатка с матрицы на внешних границах кольцевых областей. Пунктиром обозначена форма профиля для равномерной аппроксимации трехступенчатого профиля, если бы высота каждой ступеньки увеличивалась на 1/3 высоты пилообразного профиля. На рис. 2, *a*, *b* справа показан второй возможный вариант трехступенчатой структуры. Ошибка в фазовой задержке для трехступенчатой структуры составляет в первом варианте: на первой ступени +30° ( $\pi/6$ ), на второй – +60° ( $\pi/3$ ); во втором варианте: +30° ( $\pi/6$ ) и –30° ( $\pi/6$ ) соответственно. Расчетная дифракционная эффективность для обоих вариантов одинакова.

Границы зон на первом и втором фотошаблонах определяем на основании (1), подставляя, кроме целых, дробные значения *n*, указанные в табл. 1. Переход к областям с меньшим числом ступеней квантования осуществляется при  $r_n = r_m$  (см. (5)) и  $n = b/m^2$ , где  $b = f/2d^2$  (см. (4)).

Число ступеней, <i>т</i>	Пределы номеров зон, <i>и</i>	Границы зон			
		Первый фотошаблон	Второй фотошаблон		
4	$0 < n \le b/16$	n + 0,5	n + 0.25; n + 0.5; n + 0.75		
3	$b/16 < n \le b/9$	n + (2/3)	n + (1/3)		
2	$b/9 < n \leq b/4$	n + 0, 5	-		

-	_	~					
	ъ	n	n.	и	11	я	
•	•••	•••			•	•••	•

Таблица 2

Число шагов квантования фазы, <i>т</i>	Площадь кольцевых областей, %	Дифракционная эффективность, %	Приведенная дифракционная эффективность, %
4	25	81,1	20,3
3	19,4	56,7	11,1
2	55,6	40,5	22,5

Дифракционная эффективность каждого участка рассчитывалась по следующей формуле для ступенчатых структур, приведенной в [5]:

$$I = PW, (8)$$

где  $P = \frac{\sin^2[(2\pi n - \varphi_{\max})/2]}{m^2 \sin^2[(2\pi n - \varphi_{\max})/2m]}; W = \frac{\sin^2(\pi n/m)}{(\pi n/m)^2}; n$  – номер порядка дифрак-

ции; *т* – число ступеней;  $\phi_{max}$  – максимальная фазовая задержка пилообразного профиля. Если  $\phi_{max} = 2\pi$ , то интенсивность в первом порядке (дифракционная эффективность) при равномерном квантовании будет определяться только значением *W*, так как *P* = 1. В первом порядке (*n* = 1) она составляет 40,5; 68,4; 81,1 % соответственно для *m*=2,3,4.

Формула (8) верна для равномерного квантования. При неравномерном квантовании *P* будет меньше единицы. Следуя порядку вывода формулы (8) в [5], можно получить следующее аналитическое выражение, одинаковое для двух вариантов трехступенчатой структуры (см. рис. 2):

$$P = (1/9)[3 + 4\cos(\pi/6) + 2\cos(\pi/3)].$$
(9)

На основании (9) P = 0.8293, и дифракционная эффективность I = PW уменьшается с 68,4 до 56,7 %.

В табл. 2 представлены расчетные значения относительных площадей кольцевых областей и их дифракционной эффективности в зависимости от числа ступенек *m*. Приводятся также значения распределенной дифракционной эффективности, полученные в результате умножения эффективности на относительную площадь. Сумма этих значений дает общую дифракционную эффективность, которая составляет 53,9 %. Если не вводить трехступенчатую область, а заменить ее сразу двухступенчатой, то общая эффективность несколько снизится и составит 50,7 %.

Рассмотрим, насколько увеличивается относительное отверстие линзы за счет расширения апертуры зонами с трех- и двухступенчатой структурой. При  $n\lambda \ll f$  из (3) следует, что

\_ . .

$$D/f = 2\lambda/md, \tag{10}$$

где  $D = 2r_m$ . Полагая  $d = 2\lambda$ , получим

$$D/f = 1/m. \tag{11}$$

51

4\*

Из (11) следует, что при допустимом размере ступеньки, равном  $2\lambda$ , относительные отверстия составляют 1/4 (m = 4), 1/3 (m = 3) и 1/2 (m = 2), т. е. увеличиваются в 1,5 и в 2 раза при добавлении зон сm = 3 и m = 2соответственно.

.

Проанализируем преимущества новой линзы. В отличие от структуры с равномерным квантованием (m=2) ее дифракционная эффективность при той же апертуре возрастает с 40,5 до 53,9 %, т. е. на 13,4 %. Если сравнивать комбинированную линзу с ее центральной зоной (где m=4), то ее дифракционная эффективность будет снижена с 81,1 до 53,9 %, однако при этом увеличивается в два раза ее относительное отверстие.

Можно получить еще больший, чем 13,4 %, выигрыш в эффективности, если проводить аналогичную оптимизацию фазового профиля дифракционных линз с помощью трех фотошаблонов, формируя в средней части линзы структуры с числом ступеней больше четырех (от пяти до восьми). Однако применение трех фотошаблонов существенно усложняет расчет топологии зон, а также приводит к снижению точности изготовления структуры из-за увеличения числа ступеней технологического процесса. Вполне возможно, что теоретическое увеличение эффективности в этом случае не будет реализовано из-за погрешностей изготовления.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. Коронкевич В. П., Ленкова Г. А., Михальцова И. А. н др. Киноформные оптические элементы: методы расчета, технология изготовления, практическое применение // Автометрия. 1985. № 1. С. 4.
- 2. Спектор Б. И. Об одном методе синтеза фазовой структуры киноформов // Автометрия. 1985. № 6. С. 34.
- 3. Pommet D. A., Moharam M. G., Grann E. B. Limits of scalar diffraction theory for diffractive phase elements // JOSA. 1994. 11, N 6. P. 1827.
- Pitt C. W., Skinner J. D., Trotter G. R. Computer simulation of thin lenses // Opt. Commun. 1985. 53, N 2. P. 87.
- 5. Ленкова Г. А. Влияние глубины фазового профиля на распределение интенсивности в порядках дифракции бифокального элемента // Автометрия. 1995. № 5. С. 16.

Поступила в редакцию 13 апреля 1998 г.