

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Ефимов В. М., Резник А. Л. Алгоритмы идентификации фрагментов двух изображений, инвариантные к повороту // Автометрия.— 1984.— № 5.
2. Киричук В. С., Поташиков А. К. Система цифровой обработки с двухшинной архитектурой // Автометрия.— 1988.— № 2.

Поступила в редакцию 27 декабря 1990 г.

УДК 519.67 : 629.78

Г. И. ПЕРЕТЯГИН

(Новосибирск)

#### ОБ ОБНАРУЖЕНИИ ГРУППЫ ОБЪЕКТОВ ПЕРЕМЕННОЙ ЯРКОСТИ НА ИЗОБРАЖЕНИИ

Сущность проблемы обнаружения состоит в решении вопроса о наличии или отсутствии заданного объекта (или группы объектов) на изображении. Хорошо известно [1], что процесс оптимального обнаружения сводится к следующим этапам:

- построение ядра фильтра, согласованного с формой объектов и статистикой фона;
- фильтрация изображения заданным ядром;
- селекция локальных экстремумов и принятие решений о соответствии величин экстремумов откликам объектов.

Причем если процедура поиска и выделения объектов заданной формы и яркости достаточно прозрачна (см. [1]), то в ситуации, когда яркость объектов определяется множеством факторов и нет информации о действительном их наличии на анализируемом снимке, требуются достаточно серьезные основания для объявления тех или иных элементов изображения откликами объектов. Формально класс задач такого рода относится к так называемой проблеме соскальзывания (slippage problems [2]), имеющей дело с разработкой критериев идентификации элементов, выделяющихся в некотором смысле из статистически однородного множества. В частности, если число выделяющихся (аномальных) наблюдений априори задано, то можно найти статистически оптимальное правило обнаружения этих наблюдений [3].

При построении статистического критерия, обеспечивающего обнаружение неизвестного числа аномальных выбросов случайного поля, нужна информация о поведении отфильтрованных переменных на «хвостах» их совместного распределения. Если такая информация имеется, то можно провести статистическое сравнение эмпирического распределения с ожидаемым (теоретическим) и выделить области их значимого расхождения. Для решения поставленной задачи здесь привлекается и исследуется метод, разработанный Большевым и Убайдуллаевой [4, 5], позволяющий построить достаточно простой алгоритм селекции выбросов в выборке и, следовательно, выделить статистически значимые отклики объектов на согласованный фильтр.

Везде далее будем полагать  $U, V$  и т. д.  $n^2$ -мерными векторами, полученными из  $[n \times n]$ -матриц изображений  $[U], [V]$  и т. д. «разверткой» их в одномерную последовательность некоторым регулярным способом (например, по столбцам).

Будем считать, что форма ( $s$ ) и яркость ( $a$ ) объектов связаны соотношением

$$s_i(x, y) = a_i s_0(x, y), \quad (x, y) \in \Omega_0, \quad i = \overline{1, m}.$$

Фоновое изображение предполагается стационарным гауссовым случайным полем. Селекция объекта заданной формы сводится к скользящей свертке изображения  $U$  с ядром согласованного фильтра  $\Phi_{xy}$  (опре-

деляемого формой объекта и корреляционной матрицей элементов изображения  $U$  [1]), выделению максимума выходного изображения  $V(x, y) = \Phi_{xy}U$  и сравнению  $\max_{(x,y) \in \Omega} V(x, y)$  с заданным порогом. Если

требуется обнаруживать неизвестное число объектов  $\{s_i(x, y), i = \overline{1, m}\}$  с неизвестными значениями яркости  $a_i$ , то здесь статистические выводы естественно основывать на анализе величин локальных максимумов изображения  $[V]$ .

Распределение «высот» локальных максимумов гауссового случайного поля со средним  $\langle V \rangle$  и дисперсией  $E$  (моделирующего отфильтрованное изображение) известно [6] (вид его определяется величиной параметра  $\delta$ , связанного с характерной шириной спектра поля ( $1,5 \leq \delta < \infty$ )). В частности, при  $\delta = 1,5$  плотность вероятности высот локальных максимумов  $h = H/\sigma_H = (V - \langle V \rangle)/\sigma_H$  имеет вид

$$f(h) = \frac{2\sqrt{3}}{\sqrt{2\pi}} (h^2 - 1 + e^{-h^2}) e^{-h^2/2}, \quad h \geq 0,$$

а при  $\delta \rightarrow \infty$  предельному распределению соответствует нормальная плотность вероятности  $\varphi(h) = e^{-h^2/2}/\sqrt{2\pi}$  (здесь  $\sigma_H^2$  — дисперсия  $H$ ). Поскольку  $\delta$  чаще всего неизвестно, то представляется целесообразным аппроксимировать плотность вероятности преобразованной переменной  $z = (H - \langle H \rangle)/\sigma_H$  частичной суммой разложения функции плотности  $f(z)$  в ряд по полиномам Эрмита, ограничиваясь первыми тремя членами [7]:

$$f(z) = \varphi(z) - \frac{\tilde{\gamma}}{3!} \varphi^{(3)}(z) + \frac{\tilde{\kappa}}{4!} \varphi^{(4)}(z),$$

где  $\varphi^{(i)}(z)$  —  $i$ -я производная  $\varphi(z)$ ;  $\tilde{\gamma}$  и  $\tilde{\kappa}$  — соответственно оценки асимметрии и эксцесса эмпирического распределения  $f(z)$ . В реальных условиях анализируемые фрагменты изображений являются достаточно большими ( $128 \times 128$ ,  $256 \times 256$  и т. п.) и можно считать, что оценки моментов распределений практически не отличаются от своих теоретических значений.

Несмотря на то что элементы отфильтрованного изображения  $V(x, y)$  коррелированы, нормированные значения локальных максимумов  $\{z_i, i = \overline{1, M}; M$  — общее число максимумов} можно считать асимптотически независимыми случайными переменными, причем число максимумов, превышающих высокий уровень  $C$ , имеет распределение, близкое к пуассоновскому [8]. Последний факт позволяет для обнаружения аномальных выбросов привлечь метод, разработанный Большевым и Убайдуллаевой [4, 5]. Рассмотрим коротко соответствующие результаты, интерпретируя их необходимым нам образом.

Зададимся числом  $\nu > 0$  и определим  $C_M(\nu)$  как корень уравнения  $1 - F(z) = \nu/M$ , где  $F(z)$  — функция распределения переменных  $z_i, i = \overline{1, M}$ . Определим также случайные величины  $\{\chi_i, i = \overline{1, M}\}$  равенствами

$$\chi_i = \begin{cases} 1, & z_i > C_M(\nu); \\ 0, & z_i \leq C_M(\nu) \end{cases}$$

и пусть  $\chi(\nu) = \chi_1 + \chi_2 + \dots + \chi_M$ . Для достаточно широкого класса функций  $F(z)$  имеет место слабая сходимость  $\chi(\nu)$  к пуассоновскому распределению [4]. В частности, для произвольных фиксированных чисел  $0 = \nu_0 < \nu_1 < \nu_2 < \dots < \nu_{m-1} < \nu_m = \nu$  совместное распределение  $\{\chi^k = \chi(\nu_k) - \chi(\nu_{k-1}); k = \overline{1, m}\}$  при  $M \rightarrow \infty$  и любых постоянных целых неотрицательных  $l_1, l_2, \dots, l_m$  имеет вид

$$P \left\{ \prod_{k=1}^m (\chi^k = l_k) \right\} = \prod_{k=1}^m \frac{(\nu_k - \nu_{k-1})^{l_k}}{l_k!} e^{-(l_k - l_{k-1})} + o(1).$$

Иными словами, случайный процесс  $\chi(\nu)$  при  $M \rightarrow \infty$  сходится по распределению к пуассоновскому процессу интенсивности  $\lambda = 1$ . Отсюда

также следует, что при фиксированном значении  $\chi(v) = m$  последовательность точек «скачков»  $v_1 < v_2 < \dots < v_m = v$  данного процесса в полуинтервале  $(0, v]$  распределена так же, как вариационный ряд, построенный по  $m - 1$  независимым случайным величинам, равномерно распределенным в полуинтервале  $(0, v]$  ( $v_i$  — точка скачка процесса  $\chi(v)$ , если  $\chi(v_i) = i$ ,  $\chi(v_i - 0) = i - 1$ ).

Предположим, что максимальное количество объектов на изображении не превосходит  $m$ . Зафиксируем нулевую гипотезу  $H_0$ , утверждая, что переменные, соответствующие  $m$  наибольшим локальным экстремумам  $z_{(M)} \geq z_{(M-1)} \geq \dots \geq z_{(M-m+2)} \geq z_{(M-m+1)}$ , не содержат откликов объектов, или, другими словами, процесс  $\chi(v)$  имеет интенсивность  $\lambda = 1$ . Тогда статистические выводы сводятся к заданию уровня значимости  $0 < \alpha \leq 1/2$  (вероятности отвергнуть гипотезу  $H_0$ , когда она верна) и проверке соотношения

$$\max_{0 < v_i < v} \frac{\lambda(v_i) - v_i}{v_i} = \tau(m) \leq C_\alpha(m),$$

где  $C_\alpha(m)$  —  $\alpha$ -квантиль распределения  $\tau(m)$  [4]. Практически более удобен видоизмененный критерий, сводящийся к следующему. Пусть  $v_1 < v_2 < \dots < v_m = v$  — последовательность  $m$  точек скачков пуассоновского процесса  $\chi(v)$ , где

$$v_i = M(1 - F(z_{(M-i+1)})),$$

и пусть  $t = \min(v_1, v_2/2, \dots, v_m/m)$ . Тогда [4, 5] события  $t < \alpha$  и  $\tau(m) > C_\alpha(m)$  эквивалентны, и если  $t \geq \alpha$ , то гипотеза о наличии аномальных элементов в выборке  $z_{(M)} \geq z_{(M-1)} \geq \dots \geq z_{(M-m+1)}$  отвергается; если  $t < \alpha$ , то следует считать, что некоторые элементы из данного ряда не принадлежат к исходному распределению. Конкретно аномальными (соответствующими откликам объектов) объявляются те наблюдения  $z_{(M-i+1)}$ , которым соответствуют точки скачков  $v_i$ , удовлетворяющие неравенству  $t_i = (v_i/l) < \alpha$ . Данный критерий оказывается независимым от априорной границы  $m$  для возможного числа объектов на изображении (при условии, что  $m \ll M$  и  $\alpha < 0,2$  [4]).

Рассмотрим результаты численного эксперимента. Обработывалось радиолокационное изображение пересеченной местности, в которое аддитивно были «внесены» объекты с различной амплитудой размером 3 на 7 отсчетов (среднее отношение сигнал/шум равно 1,8). Число объектов 32, число точек изображения  $N = 60\,961$ , число локальных максимумов  $M = 9315$ , число тестируемых  $z$ -переменных  $m = 60$ . Приведем значения статистик критерия обнаружения  $t_i = v_i/l$  в зависимости от нормированных отклонений  $z_{(M-i+1)}$  и числа тестируемых локальных максимумов  $l$  (так что  $v_i = M(1 - F(z_{(M-i+1)}))$ ).

$z$	5,22	...	4,45	4,35	4,16	4,06	3,96	3,67	3,5
$l$	24	...	30	31	32	33	34	36	40
$t_i$	0,0042	...	0,01	0,015	0,031	0,043	0,059	0,14	0,17

Видно, что при  $\alpha = 0,1$  (величина  $t_{34} = 0,059 < 0,1$ ) критерий объявляет 34 элемента значимыми выбросами. Фактически из этой группы 30 экстремумов принадлежат откликам объектов и 4 — выбросы фонового изображения. Экспериментальное значение «мощности» критерия (при заданном уровне «ложных тревог»  $P_{лт} = \alpha m/N = 10^{-4}$ ) здесь равно 0,93.

В целом практическая проверка изложенной процедуры на большом экспериментальном материале показала, что она во многих отношениях является удовлетворительной и может быть рекомендована в задачах обнаружения групп объектов с вариациями их яркостей.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Ван Трие Г. Теория обнаружения, оценок и модуляции. — М.: Сов. радио, 1972. — Т. 1.
2. Дейвид Г. Порядковые статистики. — М.: Наука, 1979.
3. Перетягин Г. И. Отбор выделяющихся наблюдений и критерии сдвига // Автометрия. — 1977. — № 3.

4. Большев Л. Н. Обнаружение грубых ошибок в результатах наблюдений // Междунар. летняя школа по теории вероятностей и математической статистике. - Варна: БАН, 1974.
5. Убайдуллаева М. Об отбраковке резко выделяющихся наблюдений // Теория вероятностей и ее применение. — 1974. — 19, № 4.
6. Тихонов В. И. Нелинейные преобразования случайных процессов. М.: Радио и связь, 1986.
7. Левин Б. Р. Теоретические основы статистической радиотехники. — М.: Радио и связь, 1989.
8. Питербарг В. И. Асимптотическая пуассоновость числа высоких выбросов и распределение максимума гауссовского однородного поля // Выбросы случайных полей. — М.: МГУ, 1972.

Поступила в редакцию 29 декабря 1990 г.

УДК 621.391.2 : 681.3 : 621.397

В. Н. ФИЛАТОВ  
(Ленинград)

#### ПОИСКОВО-РЕКУРРЕНТНЫЙ АЛГОРИТМ ИЗМЕРЕНИЯ ПАРАМЕТРОВ ДВИЖЕНИЯ ФРАГМЕНТА ТЕЛЕВИЗИОННОГО ИЗОБРАЖЕНИЯ

Задача измерения координат фрагмента изображения для случая постоянства измеряемых параметров решалась в [1]. Оптимальная процедура измерения переменного во времени положения оптического сигнала была получена в [2, 3] на основе метода нелинейной фильтрации. Однако синтез проводился для непрерывного случая при условии высокого отношения сигнал/шум и для большого интервала наблюдения. В данной статье задача синтеза оптимального измерителя параметров движения фрагмента изображения решается без указанных ограничений и с учетом специфики формирования телевизионного сигнала.

Последовательность телевизионных изображений (кадров) представляет собой пространственно-временной дискретный сигнал, характеристики которого изменяются как в плоскости мишени телевизионного датчика, так и во времени.

В цифровом телевидении видеосигнал с выхода датчика подвергается операциям дискретизации и квантования. Если пронумеровать отсчеты (дискреты) в кадре в соответствии с направлением движения развертывающей апертуры и записывать полученные последовательности отсчетов в запоминающее устройство, то модель входного сигнала в случае равномерного фона сюжета правомерно записать в виде уравнения наблюдения

$$\mathbf{u}(k) = \mathbf{s}[\boldsymbol{\lambda}(k), k] + \mathbf{n}_n(k), \quad (1)$$

где  $\boldsymbol{\lambda}(k)$  —  $m$ -мерный вектор-столбец состояния фрагмента изображения  $k$  — номер кадра;  $\mathbf{u}$  и  $\mathbf{s}$  представляют собой для изображения размер  $M \times N$  элементов дискретизации  $MN$ -мерные вектор-столбцы входного сигнала и фрагмента;  $\mathbf{n}_n$  —  $MN$ -мерный вектор-столбец шума наблюдения с характеристиками

$$E\{\mathbf{n}_n(k)\} = 0;$$

$$E\{\mathbf{n}_n(k) \mathbf{n}_n^T(j)\} = \mathbf{Q}_n(k) \delta(k, j),$$

$E$  — значок усреднения по ансамблю;  $\delta(k, j)$  — дельта-функция Кронекера;  $\mathbf{Q}_n(k)$  — положительно-определенная ковариационная матрица шума наблюдения размером  $MN \times MN$ .

Процесс изменения координат фрагмента в плоскости телевизионного изображения представим марковским, а уравнение состояния запи-