

В. П. КУЛЕШ
(Москва)

О СМЕЩЕНИИ СРЕДНЕГО ЗНАЧЕНИЯ СКОРОСТИ ПРИ ИССЛЕДОВАНИИ ДВУМЕРНЫХ ТУРБУЛЕНТНЫХ ТЕЧЕНИЙ МЕТОДОМ ЛДИС

Единичный отсчет ЛДИСа дает мгновенное значение u_i проекции вектора скорости V на направление вектора пространственной частоты интерференционного поля в измерительном объеме в случайные моменты времени прохождения частиц через измерительный объем [1]. Для адекватной статистической обработки результатов измерений необходимо знать функцию распределения числа отсчетов по скоростям. В общем случае эта функция неизвестна, поэтому приходится принимать недостаточно обоснованные допущения, в результате чего возникают случайные ошибки и смещения при определении среднего значения и дисперсии искомой скорости.

В работах [2—5] показано, что частота отсчетов скорости в ЛДИСе пропорциональна модулю вектора скорости. Поэтому простое усреднение по формуле

$$\bar{u} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n u_i, \quad (1)$$

где n — число отсчетов в выборке, дает смещенное среднее значение проекции вектора скорости. Предложен ряд способов устранения смещения при обработке данных путем введения весовых коэффициентов, обратно пропорциональных модулю вектора скорости и прямо пропорциональных длительности доплеровского сигнала или интервалу времени между последовательными сигналами. Эти способы позволяют уменьшить смещение среднего значения, обусловленное флуктуациями модуля вектора скорости и концентрации частиц в потоке, преимущественно в тех случаях, когда среднее направление вектора скорости близко к направлению вектора пространственной частоты интерференционного поля в измерительном объеме.

В работе [3] отмечено, что на величину измеренного среднего значения могут оказывать влияние флуктуации направления вектора скорости.

Целью данной статьи является рассмотрение этого явления для случая измерения скорости двумерного изотропного турбулентного течения с помощью дифференциального ЛДИСа без смещения частоты света, в котором измерение доплеровской частоты осуществляется измерением длительности и счетом числа периодов N_i сигнала от каждой частицы.

Полный измерительный объем ЛДИСа имеет форму эллипсоида вращения, сильно вытянутого вдоль оси OZ , совпадающей с биссектрисой угла между зондирующими пучками. Для ограничения длины измерительного объема изображение его в рассеянном свете проецируется под углом к оси OZ на полевую диафрагму, помещенную перед фотоприемником. Можно считать, что такой измерительный объем имеет форму кругового цилиндра [1]. На рис. 1 изображено сечение измерительного объема, граница которого определена приведенным порогом чувствительности счетчика. Пусть размеры рассеивающих частиц одинаковы и пороги срабатывания и отскакивания электронного счетчика равны между собой. Обозначим через N_0 максимальное число периодов сигнала, т. е. число интерференционных плоскостей, пересеченных частицей, движущейся по оси OX через центр измерительного объема, а через N_1 минимальное число периодов, необходимое для измерения частоты.

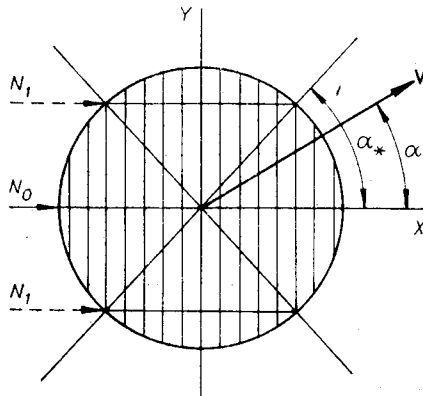


Рис. 1.

При постоянной концентрации рассеивающих частиц в потоке число отсчетов в единицу времени пропорционально модулю вектора скорости потока $V = |V|$ и эффективно-му сечению измерительного объема $S(\alpha)$, при пересечении которого частицей формируется сигнал с достаточным для измерения числом периодов $N > N_1$. Из рис. 1 видно, что частицы, пересекающие измерительный объем под углом α , большим, чем $\alpha_* = \arccos k$, где $k = N_1/N_0$, не дадут отсчета скорости. Можно показать, что зависимость эффективного сечения измерительного объема от угла α при $\alpha \leq \alpha_*$ выражается функцией $S(\alpha) = (1 - k^2/\cos^2 \alpha)^{1/2}$.

Принимая во внимание то, что при изотропной турбулентности распределения компонент скорости $V \cos \alpha$ и $V \sin \alpha$ подчиняются нормальному закону с дисперсией σ^2 и сред-

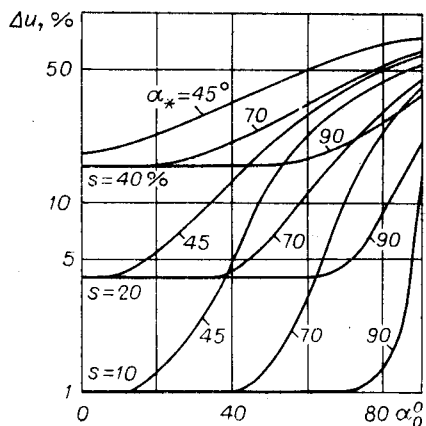


Рис. 2.

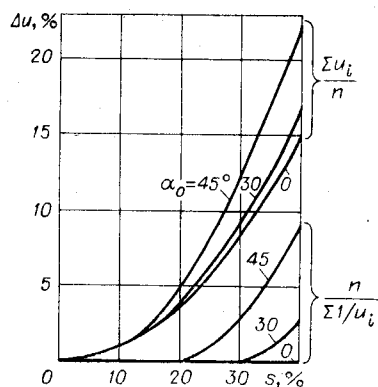


Рис. 3.

ними значениями a и b соответственно, получим совместную функцию распределения модуля вектора скорости V и угла потока α

$$w_2(v, \alpha) = \text{const } v \exp \{-[v - \cos(\alpha - \alpha_0)]^2/2s^2\} \exp \{\cos^2(\alpha - \alpha_0)/2s^2\},$$

где $v = V/V_0$, $s = \sigma/V_0$ — степень турбулентности, $V_0 = \sqrt{a^2 + b^2}$ — среднее значение модуля вектора, $\alpha_0 = \text{arctg}(b/a)$ — среднее направление потока.

Из этого выражения с учетом зависимости $S(\alpha)$ и пропорциональности частоты отсчетов модулю V получим функцию распределения плотности вероятности отсчетов ЛДНСа

$$w(v, \alpha) = \text{const } v S(\alpha) w_2(v, \alpha) = \text{const } v^2 \sqrt{1 - k^2/\cos^2 \alpha} \exp \{-[v - \cos(\alpha - \alpha_0)]^2/2s^2\} \times \exp \{\cos^2(\alpha - \alpha_0)/2s^2\}. \quad (2)$$

Относительное смещение $\Delta u = (V \cos \alpha - V_0 \cos \alpha_0)/V_0$ среднего значения $V \cos \alpha$ результатов измерения проекции вектора скорости на ось OX , полученного при статистической обработке большого числа n отсчетов по формуле (1), определяется выражением

$$\Delta u = \frac{\int_{-\alpha_*}^{\alpha_*} \cos \alpha \int_0^{\infty} v w(v, \alpha) dv d\alpha}{\int_{-\alpha_*}^{\alpha_*} \int_0^{\infty} w(v, \alpha) dv d\alpha} - \cos \alpha_0.$$

На рис. 2 приведены графики зависимостей относительного смещения Δu от среднего направления скорости α_0 , рассчитанных на ЭВМ при различных значениях s и α_* . Из графиков следует, что при малых α_0 относительное смещение среднего значения близко к величине $\Delta u \approx s^2$, обусловленной флуктуациями только модуля вектора скорости, что согласуется с результатами работы [4]. При $\alpha_0 \rightarrow \alpha_*$ смещение резко возрастает до величины $\Delta u \approx s$, и при $\alpha_0 > \alpha_*$ увеличивается почти линейно:

$$\Delta u \approx s + (\alpha_0 - \alpha_*),$$

где α_* и α_0 выражены в градусах, а s и Δu — в процентах.

Если при статистической обработке результатов измерения скорости вводить, как рекомендуется в работах [2–5], весовой множитель, обратно пропорциональный мгновенному значению измеряемой компоненты скорости $1/u_i = 1/V \cos \alpha$, т. е. находить среднее значение по формуле

$$\bar{u} = n / \sum_{i=1}^n 1/u_i, \quad (3)$$

то относительное смещение среднего значения определяется выражением

$$\Delta u = \frac{\int_{-\alpha_*}^{\alpha_*} \int_0^{\infty} w(v, \alpha) dv d\alpha}{\int_{-\alpha_*}^{\alpha_*} \int_0^{\infty} [w(v, \alpha)/V \cos \alpha] dv d\alpha} - \cos \alpha_0.$$

На рис. 3 приведены зависимости от степени турбулентности ε относительного смещения среднего значения Δ_i , возникающего при том и другом способах статистической обработки. Из сравнения результатов следует, что для уменьшения систематической составляющей погрешности определения средней скорости турбулентного течения целесообразно ориентировать вектор пространственной частоты интерференционного поля в измерительном объеме ЛДИСа ближе к среднему направлению потока так, чтобы $\alpha_0 \approx 0$, и статистическую обработку результатов измерения проводить по алгоритму (3).

Более полное устранение смещения средней скорости может быть достигнуто при измерении двух проекций вектора скорости и статистической обработке результатов с учетом функции распределения (2).

ЛИТЕРАТУРА

1. Кулеп В. П. Анализ оптической системы ЛДИСа методом Фурье.— Труды ЦАГИ, 1976, вып. 1750, с. 70—82.
2. McLaughlin D. K., Tiederman W. G. Biasing correction for individual realization of laser anemometer measurements in turbulent flows.— Phys. Fluids, 1973, vol. 16, N 12.
3. Хезель В., Роди В. Новый метод устранения смещения при статистической обработке данных от лазерного измерителя скорости.— Приборы для науч. исслед., 1977, № 7.
4. Соболев В. С., Шмойлов Н. Ф. Погрешности осреднения случайных профилей скорости лазерным доплеровским измерителем.— В кн.: Методы лазерной доплеровской диагностики в гидродинамике: (Материалы междунар. школы-семинара). Минск: Ин-т тепло- и массообмена АН БССР, 1978.
5. Буххаве П., Касперсон К. Обработка информации о дискретных частицах, полученной с помощью лазерного доплеровского анемометра.— В кн.: Материалы VIII конгресса ИМЕКО. М., 1979.

Поступило в редакцию 5 ноября 1979 г.;
окончательный вариант — 25 марта 1980 г.

УДК 519.281.1

В. Л. ГОРОХОВ
(Ленинград)

РАНГОВЫЙ ОБНАРУЖИТЕЛЬ СБОЕВ ДЛЯ СИСТЕМЫ ОБРАБОТКИ ИЗОБРАЖЕНИЙ

При автоматизированной цифровой обработке изображений, например, в астрономии часто возникает задача выявления и устранения хаотических импульсных помех типа сбоев. Такие помехи возникают в случаях хаотических сдвигов разрядов в регистрах цифровых устройств. Учитывая возможное разнообразие шумовой обстановки, при обнаружении сбоев целесообразно обратиться к методам непараметрической статистики [1]. Будем описывать обрабатываемые массивы данных X , задавая достаточно широким классом распределений шума $F(x)$, имеющих плотность $f(x)$, для которой практически выполняются условия, предложенные в [1].

В такой ситуации возможно описание сбоев с помощью параметра сдвига Δ в классе распределений, обладающих сдвиговым свойством. Уточним дальнейшие предположения.

Пусть для обнаружения сбоя изображение анализируется двумя интервалами разрешения (x_1, \dots, x_m) и (x_{m+1}, \dots, x_N) , где x_i — независимые отсчеты случайного процесса соответственно для первой (чисто шумовой) и второй (проверяемой) выборки. Плотность распределения отсчетов в отсутствие сбоя одинакова при любом $i = 1, N$, удовлетворяет условиям [1] и неизвестна. Теперь задача обнаружения сбоя состоит в проверке сложных статистических гипотез

$$H_0: \Delta \neq 0, \quad H_1: \Delta > 0 \quad (1)$$

на базе совместных плотностей

$$f(x) = \prod_{i=1}^N f(x_i),$$

$$g(x) = \prod_{i=1}^m f(x_i) \prod_{i=m+1}^N f(x_i - \Delta)$$