

1. Возникающая за счет применения УДЧ неравномерность в следовании импульсов может быть значительно уменьшена с помощью буферных делителей, емкость которых при заданном значении  $K_{\text{пп}}^{(d)}$  определяется из выражений (10), (14), (18).

Однако решение уравнений (9), (11а), (12), (15) и (17) показывает, что при любом значении  $d$

$$T_{\max}^{(d)} - T_{\min}^{(d)} = \begin{cases} T_{\min} & \text{для 1-й и 2-й групп комбинаций,} \\ T_{\max} & \text{для 3-й группы комбинаций.} \end{cases}$$

2. При введении буферного делителя емкостью  $2^d=8$  для всего множества комбинаций  $1,1 \leq K_{\text{пп}}^{(d)} \leq 1,14$ .

## ЛИТЕРАТУРА

- Рохман М. Г. Образование временного интервала неравномерной импульсной последовательностью.— Депонированные рукописи. [Библиографический указатель ВИНИТИ], 1978, № 1 (75), с. 190.
- Рохман М. Г. Анализ влияния неравномерной импульсной последовательности на выработку числа.— Вестн. Харьк. политехн. ин-та, № 136. Автоматика и приборостроение. Вып. 5. Харьков: Вища школа, 1978, с. 13—15.
- Раисов Ю. А. Исследование универсального цифрового интерполатора, работающего по методу вычисления оценочной функции: Автореф. на соиск. уч. степени канд. техн. наук. Харьков: изд. ХПИ, 1967.
- Фурман Б. А. Низкочастотные возмущения в цифровых регуляторах скорости электроприводов, определяемые неравномерностью работы дискретных задатчиков.— Электротехн. пром-сть. Сер. Электропривод, 1974, вып. 3(29), с. 3—5.

Поступило в редакцию 18 мая 1978 г.;  
окончательный вариант — 15 августа 1978 г.

УДК 681.332.35

В. П. БАРАНОВ  
(Москва)

## О ПОГРЕШНОСТИ ЦИФРОЧАСТОТНОГО ИНТЕГРИРОВАНИЯ

При решении задач вычислительной и информационно-измерительной техники возникает необходимость построения частотно-цифровых функциональных преобразователей, характеристика которых обычно представляется в виде кусочно-линейной функции [1]. Из устройств, реализующих линейное интерполирование отдельных участков характеристики преобразователей, предпочтение за счет выигрыша в быстродействии и объеме оборудования отдается цифрочастотным интеграторам [2], теория точности которых продолжает развиваться [2—4].

В настоящей статье предлагается метод исследования погрешности цифрочастотного интегрирования константы на структурах с произвольным основанием системы счисления, определяются ее вероятностные оценки и указывается потенциальная точность.

На рис. 1 представлена структурная схема цифрочастотного интегратора. Здесь рассматривается случай работы программного счетчика в системе счисления с основанием  $p$ , хотя обычно предпочтение отдается двоичным ( $p=2$ ) или десятичным ( $p=10$ ) счетчикам.

При интегрировании константы  $Y = \sum_{i=1}^n y_i p^{-i}$ ,  $y_i \in \{0, 1, \dots, p-1\}$  по дискретному времени  $t=0, 1, 2, \dots$  каждым  $i$ -м разрядом программного счетчика вырабатывается последовательность импульсов  $v_i(t)$ , занимающая временные такты  $t_{v_i} \in \{1p^{i-1}, 2p^{i-1}, \dots, (p-1)p^{i-1}, (p+1)p^{i-1}, \dots, (2p-1)p^{i-1}, (2p+1)p^{i-1}, \dots\}$ .

Каждая последовательность определяет соответствующий комбинационный элемент, в котором в зависимости от заложенного способа кодирования из каждого

*Рис. 1. Структурная схема цифрочастотного интегратора:*

1 —  $n$ -разрядный программный счетчик; 2 — комбинационные элементы, выполняющие функции преобразования кода и конъюнкций; 3 — элемент ИЛИ; 4 — выходной счетчик, в котором формируется значение интеграла.

( $p - 1$ ) импульсов последовательности  $v_i(t)$  происходит отбор такого числа импульсов, которое равно значению интегрируемого элемента  $y_i$ . На выходе  $i$ -го комбинационного элемента за время

$$\text{интегрирования } T = [t]_{\text{mod } p^n} = \sum_{i=1}^n \times$$

$\times t_i p^{i-1}$ ,  $t_i \in \{0, 1, \dots, p - 1\}$  вырабатывается  $\eta_i$  импульсов:

$$\eta_i = y_i \sum_{k=i+1}^n t_k p^{k-1} + \psi(t_i, y_i),$$

где  $\psi(t_i, y_i)$  — число импульсов на выходе одноразрядного интегратора при интегрировании  $y_i$  по времени  $t_i$  (функция кодирования). Принятое здесь ограничение продолжительности дискретного времени  $t$  не лишает дальнейших рассуждений общности, так как зависимость погрешности интегрирования для любого неизменного значения  $Y$  является периодической с периодом  $p^n$ .

Суммируя  $\eta_i$  и вычитая из полученного числа импульсов  $S$  результат безошибочного интегрирования  $T \times Y$ , получим погрешность интегрирования

$$\delta = \sum_{i=1}^n \delta_i - \sum_{i=1}^{n-1} y_{i+1} \sum_{k=1}^i t_k p^{k-i-2} \quad (1)$$

( $\delta_i = \psi(t_i, y_i) - t_i y_i p^{-1}$  — погрешность интегрирования на одноразрядном интеграторе).

Выражение (1) определяет текущее значение погрешности интегрирования при фиксированных значениях  $Y$  и  $T$  и является детерминированной функцией. Однако значения  $Y$  и  $T$  часто можно считать случайными величинами, поэтому при оценке погрешности интегрирования целесообразен вероятностный подход.

Для нахождения математического ожидания  $M\delta$  и дисперсии  $D\delta$  погрешности интегрирования рассмотрим погрешность  $\delta$  в пространстве  $\Omega = T \times Y$  независимых равновероятных событий, где  $T$  — множество длин интервалов интегрирования  $T \in \{0, 1, \dots, p^n - 1\}$ ;  $Y$  — множество интегрируемых констант  $Y = rp^{-n}$ ,  $r \in \{0, 1, \dots, p^n - 1\}$ . В этом случае математическое ожидание  $M\delta$  и дисперсия  $D\delta$  погрешности интегрирования при нулевой начальной фазе интегрирования будут равны:

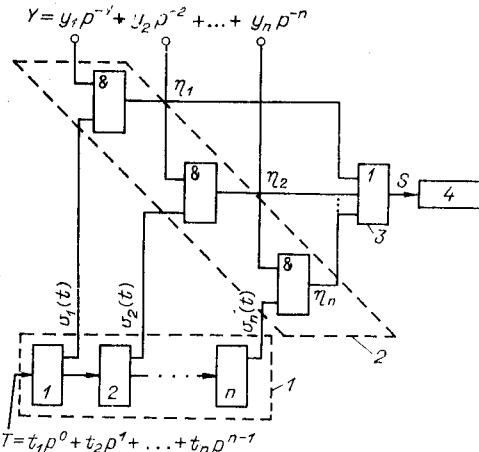
$$M\delta = nM\delta_1 - (nv^{-1} - 1 + p^{-n})2^{-2}, \quad (2)$$

$$D\delta = nD\delta_1 - 4pv^2(nv^{-1} - 1 + p^{-n}) + (7/144)[n(1 - p^{-2}) - 1] - (4/12)p^{-1}[1 - (p + 1)p^{-n}] - (5/144)p^{-2n}, \quad (3)$$

где  $v = p/(p - 1)$ ,  $M\delta_1$  и  $D\delta_1$  — математическое ожидание и дисперсия погрешности интегрирования одноразрядного интегратора;  $\rho = 2^{-1}[\text{cov}(\delta_i, y_j t_i p^{-2}) + \text{cov}(\delta_i, y_j t_i p^{-2})]$  — усредненное значение ковариации. При выводе (2) и (3) учитывались равновероятность и независимость выбора значений элементов  $t_i$  и  $y_i$ , а также независимость погрешностей  $\delta_i$  и  $\delta_j$  различных разрядов интегратора в пространстве  $\Omega$ , что вытекает из независимости элементов  $y_i$ ,  $y_j$ ,  $t_i$ ,  $t_j$ .

Таким образом, из полученных выражений следует, что дисперсия погрешности интегрирования при принятом основании системы счисления  $p$  определяется заложенными в комбинационные элементы интегратора способами кодирования. Не останавливаясь на схемных реализациях комбинационного элемента, определим оптимальный способ кодирования, т. е. функцию  $\psi_0(t_i, y_i)$ , при которой дисперсия погрешности интегрирования  $D\delta$  будет минимальной.

Известно [2], что в выходном счетчике классического интегратора формируется оптимальное число импульсов  $\psi_0(t_i, y_i)$  (в смысле минимума погрешности интегрирования и ее дисперсии), если первоначально в  $R$ -регистр записать число  $1/2$ . Из этого следует, что формирование числа импульсов  $\psi_0(t_i, y_i)$  на выходе каждого разряда цифрочастотного интегратора должно выполняться по



$y_i \backslash t_i$	$\delta_1$		$M(\delta_1   y_i)$	$\delta$										
$y_i$	0	1	$M(\delta_1   y_i)$	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	$M(\delta_1   y_i)$
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	0	+0,5	+0,25	-0,1	-0,2	-0,3	-0,4	+0,5	+0,4	+0,3	+0,2	+0,1	+0,05	+0,05
$M(\delta_1   t_i)$	0	+0,25		-0,2	-0,4	+0,4	+0,2	0	-0,2	+0,6	+0,4	+0,2	+0,1	
$M(\delta_1   t_i)$	0	+0,25		-0,3	+0,4	+0,1	-0,2	+0,5	+0,2	-0,1	+0,6	+0,3	+0,15	
				-0,4	+0,2	-0,2	+0,4	0	+0,6	+0,2	+0,8	+0,4	+0,2	
				0	+0,5	0	+0,5	0	+0,5	0	+0,5	0	+0,5	+0,25
				0	+0,4	-0,2	+0,2	+0,6	0	+0,4	+0,8	+0,2	+0,6	+0,3
				0	+0,3	+0,6	-0,1	+0,2	+0,5	+0,8	+0,1	+0,4	+0,7	+0,35
				0	+0,2	+0,4	+0,6	+0,8	0	+0,2	+0,4	+0,6	+0,8	+0,4
				0	+0,1	+0,2	+0,3	+0,4	+0,5	+0,6	+0,7	+0,8	+0,9	+0,45
				0	+0,05	+0,1	+0,15	+0,2	+0,25	+0,3	+0,35	+0,4	+0,45	
				+	+	+	+	+	+	+	+	+	+	+

Рис. 2. Значения погрешности интегрирования  $\delta_1$  для двоичного (а) и десятичного (б) умножителей.

алгоритму классического интегратора, но за  $(p-1)$  входных тактов, так как каждый  $p$ -й такт  $i$ -го разряда используется для формирования выходных импульсов в последующих разрядах (с номерами  $k=i+1, i+2, \dots, n$ ). Таким образом, функция  $\Phi_0(t_i, y_i)$  для разряда цифрового интегратора будет следующей:

$$\Phi_0(t_i, y_i) = [1/2 + t_i y_i / (p-1)], \quad (4)$$

где  $[a]$  означает целую часть числа  $a$ .

Следует отметить, что рассчитанная по выражению (4) функция  $\Phi_0(t_i, y_i)$  для десятичного умножителя совпадает с полученной в работе [4], где авторы графически определяли способ кодирования десятичного умножителя с наименьшей предельной погрешностью. На рис. 2 приведены полученные с использованием выражений (1) и (4) значения погрешности интегрирования  $\delta_1$ , по которым рассчитываются значения  $M\delta_1$ ,  $D\delta_1$  и  $\rho$ :

$$M\delta_1 = 2^{-3}, \quad D\delta_1 = 3 \cdot 2^{-6}, \quad \rho = 2^{-7} \text{ при } p=2;$$

$$M\delta_1 = 0,225, \quad D\delta_1 \approx 0,098, \quad \rho \approx 0,019 \text{ при } p=10.$$

Подстановка полученных результатов в выражения (2) и (3) позволяет найти вероятностные оценки погрешности интегрирования на  $n$ -разрядных интеграторах:

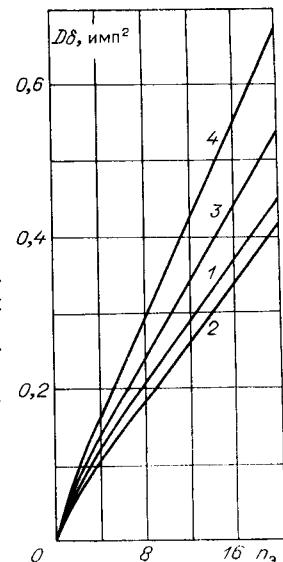
$$\left. \begin{aligned} M\delta &= 2^{-2} (1 - 2^{-n}), \\ D\delta &= (n/48) + (5/144) (1 - 2^{-2n}) \end{aligned} \right\} \text{ при } p=2, \quad (5)$$

$$\left. \begin{aligned} M\delta &= 2^{-2} (1 - 10^{-n}), \\ D\delta &= 0,0635n + (5/144) (1 - 10^{-2n}) \end{aligned} \right\} \text{ при } p=10. \quad (6)$$

Вводя в (6) число эквивалентных двоичных разрядов  $n_0 \approx n \log_2 p$ , получим

$$\left. \begin{aligned} M\delta &= 2^{-2} (1 - 2^{-n_0}), \\ D\delta &= 0,019n_0 + (5/144) (1 - 2^{-2n_0}). \end{aligned} \right\} \quad (7)$$

*Рис. 3.* Зависимость дисперсии погрешности интегрирования  $D\delta$  от числа эквивалентных двоичных разрядов  $n_0$ :  
 1 — для двоичного умножителя; 2 — для десятичного умножителя с кодированием по выражению (4); 3, 4 — для десятичных умножителей, рекомендуемых в работах [5, 6] соответственно.



Сравнение (5) и (7) показывает, что достижимая точность цифроиз частотного интегрирования на десятичном умножителе выше, чем на двоичном:  $\sim 10\%$ .

По изложенной методике были также проанализированы способы кодирования десятичных умножителей, предложенные в работах [5, 6]. Результаты анализа, которые представлены на рис. 3 в виде зависимости дисперсии погрешности интегрирования от числа эквивалентных двоичных разрядов, подтвердили, что способ кодирования для десятичных умножителей, определяемый выражением (4), обладает по сравнению с известными способами кодирования наименьшей дисперсией погрешности интегрирования.

## ЛИТЕРАТУРА

- Баранов В. И., Плискин Ю. С., Ракаев А. П., Хризолитов А. А. Исследование погрешности кусочно-линейного представления характеристик частотных преобразователей.— Метрология, 1977, № 8.
- Данчеев В. П. Цифроиз частотные вычислительные устройства. М.: Энергия, 1976.
- Воронов А. А., Гарбузов А. Р., Ермилов Б. Л. и др. Цифровые аналоги для систем автоматического управления. М.—Л.: Изд-во АН СССР, 1960.
- Доронина О. М., Каринец И. В., Петух А. М. Графический метод определения максимальных погрешностей цифровых интеграторов последовательного переноса.— Автометрия, 1975, № 2.
- Robrock H.R. B. A. Digital Integrator Employing Decimal Rate Multiplication.— In: Proc. of the Symposium on Pulse-Rate and Pulse-Number Signals in Automatic Control, Budapest, 1968, p. 68—74.
- Kaps G. Scaling of Frequency Analogous Measured Values.— Ibid, p. 148—153.

Поступило в редакцию 20 февраля 1978 г.;  
окончательный вариант — 13 марта 1980 г.

УДК 539.1.074.088

А. М. ОНИЩЕНКО  
(Люберцы Московской обл.)

## ОПТИМИЗАЦИЯ ЗАГРУЗКИ ДЕТЕКТОРА РАДИОИЗОТОПНОГО ПРИБОРА

Для уменьшения статистической погрешности радиоизотопного прибора иногда увеличивают загрузку детектора. Однако при этом начинают сказываться просчеты. В современных радиоизотопных приборах широко используются цифровые измерители скорости счета с малым «мертвым» временем, специальные методы уменьшения просчетов и высокостабильные пороговые устройства с низким порогом срабатывания. В этом случае потеря счета в измерителе не происходит. Тогда для приборов с газоразрядными или сцинтилляционными детекторами, обладающими «мертвым» временем  $\tau$  непродлевавшегося типа, статистическая погрешность, выраженная в единицах измеряемой величины, определится из выражения

$$\sigma'_{ct} = 1/S_x \sqrt{n_0 t (1 + n_0 \tau)}, \quad (1)$$