

А К А Д Е М И Я Н А У К С С С Р  
СИБИРСКОЕ ОТДЕЛЕНИЕ  
А В Т О М Е Т Р И Я

№ 1

1981

КРАТКИЕ СООБЩЕНИЯ

УДК 621.3 : 621.396.535.8

Э. А. МНАЦАКАНЯН, В. Н. МОРОЗОВ, Ю. М. ПОПОВ,  
В. А. ЦВЕТКОВ, Г. Д. ЯКОВЛЕВ  
(Москва)

О ВОЗМОЖНОСТИ ИСПОЛЬЗОВАНИЯ ОПТОЭЛЕКТРОНИКИ  
В УСТРОЙСТВЕ ЛОГИЧЕСКОГО УМНОЖЕНИЯ  
МАТРИЦЫ НА ВЕКТОР

Задачами настоящей работы являются нахождение эффективного оптоэлектронного способа выполнения логического умножения матрицы на вектор и оценка перспективности применения в предполагаемом вычислительном устройстве оптоэлектронных элементов.

Вначале рассмотрим алгоритм вычислений. Пусть даны квадратная матрица  $A$ , содержащая  $n \times n$  элементов  $A_{ij}$ , и векторы  $f$ , каждый из которых содержит  $n$  элементов  $f_j$ , причем  $A_{ij}$  и  $f_j$  принимают значения 0 или 1, а индексы  $i$  и  $j$ , обозначающие номера строк и столбцов, — целочисленные значения от 1 до  $n$ .

Операция умножения матрицы на вектор  $\hat{A}f = g$  состоит в вычислении элементов  $g_i$  вектора  $g$ :

$$g_i = \sum_{j=1}^n A_{ij} \wedge f_j,$$

где знак  $\Sigma$  означает суммирование по модулю 2. Предлагаемый в работе алгоритм вычислений построен с учетом того, что для оптоэлектронных методов обработки информации характерно оперирование световыми информационными картинами, т. е. массивами информации. Итак, пусть векторы  $f$  и матрица  $A$  хранятся в электронной памяти, а вычисленные векторы  $g$  содержатся в световой картине (что может быть необходимо, например, для дальнейшей обработки векторов в оптоэлектронной системе). Цикл вычислений проводится сразу для  $n$  векторов  $f$ . В каждом из  $n$  тактов цикла в качестве входного операнда подготавливается массив  $B_j$ , состоящий из  $n$  одинаковых строк, причем строка составлена из одинаковых разрядов  $n$  векторов  $f$ :

$$B_j = \left[ \begin{array}{cccccc} f_j^1 & f_j^2 & \dots & f_j^\alpha & \dots & f_j^n \\ \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & \vdots \end{array} \right] \quad \left. \begin{array}{l} n \text{ одинаковых} \\ \text{строк.} \end{array} \right\}$$

Здесь индекс  $\alpha$  — номер вектора  $f$  в выбранной группе векторов. Число таких массивов  $B_j$  для набора  $n$  векторов  $f$  равно  $n$ . Далее проводится построчная конъюнкция элементов  $j$ -го столбца матрицы  $A$  и массива  $B_j$ :

$$C_j = \left[ \begin{array}{cccccc} A_{1j} \wedge f_j^1 & A_{1j} \wedge f_j^2 & \dots & A_{1j} \wedge f_j^\alpha & \dots & A_{1j} \wedge f_j^n \\ A_{2j} \wedge f_j^1 & A_{2j} \wedge f_j^2 & \dots & A_{2j} \wedge f_j^\alpha & \dots & A_{2j} \wedge f_j^n \\ \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & \vdots \\ \vdots & \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & \vdots \\ A_{nj} \wedge f_j^1 & A_{nj} \wedge f_j^2 & \dots & A_{nj} \wedge f_j^\alpha & \dots & A_{nj} \wedge f_j^n \end{array} \right]$$

В том случае когда в столбце  $A_{ij}$  есть нулевые элементы, в массиве  $C_j$  существуют нулевые строки с соответствующими номерами; этим и различаются массивы  $B_j$  и

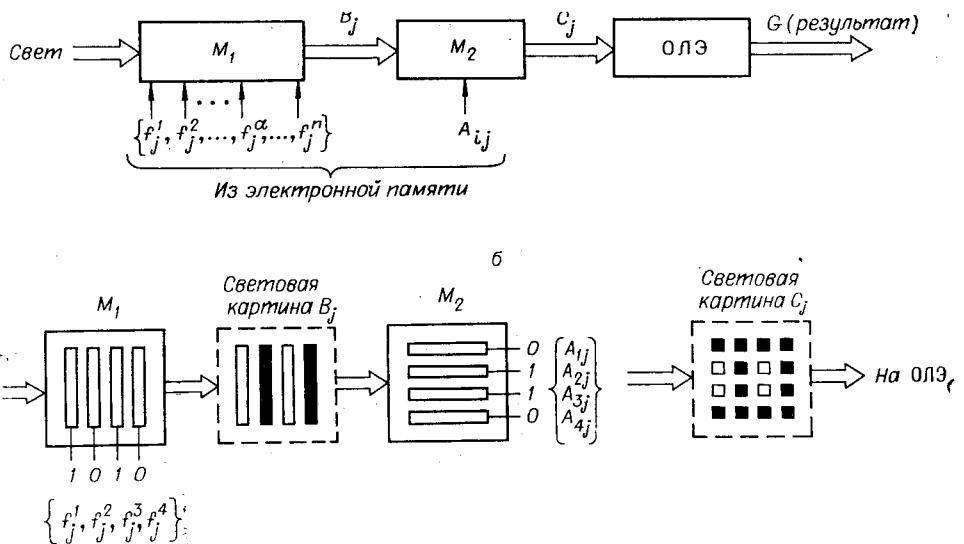


Рис. 1.

$C_j$ . Массив  $G$ , полученный за  $n$  тактов путем поэлементного сложения по модулю 2 из  $n$  массивов  $C_j$  ( $j=1, 2, \dots, n$ ):

$$G = \sum_{j=1}^n C_j,$$

будет содержать в виде столбцов  $n$  векторов  $g$ . При этом мы полагаем, что один такт состоит из формирования массивов  $B_j$ ,  $C_j$  и сложения массивов  $C_j$  и  $C_{j+1}$ . На вычисление  $n$  векторов затрачивается  $n$  тактов. Таким образом, можно считать, что на вычисление одного вектора приходится один такт. Легко видеть, что при фиксированной размерности матрицы и векторов увеличение информационной емкости поля (т. е. дальнейшее распараллеливание вычислений) позволяет параллизовать производительность вычислений. Например, при емкости поля  $2n \times 2n$  вычисления проводятся сразу с  $4n$  векторами (4 группы по  $n$  векторов). При этом каждый из  $n$  массивов  $B_j$  будет состоять из четырех подмассивов, которые содержат  $n$  одинаковых строк, сформированных из одинаковых разрядов  $n$  векторов одной из четырех групп. Массив  $C_j$  получается в результате конъюнкции  $j$ -го столбца матрицы на все четыре подмассива, составляющие  $B_j$ . Далее следуют  $n$  тактов поэлементного сложения по подмассивам 2 последовательности из  $n$  картин  $C_j$ . Для вычисления  $4n$  векторов требуется  $n$  тактов, т. е. при вычислении одного вектора эффективно используется  $1/4$  такта. В общем случае при размерности матрицы и вектора, равной  $n$ , и фиксированной емкости информационного поля  $C^2 = L \times L n$ , где  $L$  — целое число, эффективная часть такта, приходящаяся на вычисление одного вектора, составляет

$$N = \frac{\text{число вычислительных тактов в цикле}}{\text{число вычисляемых в цикле векторов}} = \frac{n}{L n} n = \frac{1}{L^2} \leqslant 1.$$

Величина  $N^{-1}$ , умноженная на тактовую частоту  $F = \tau^{-1}$ , дает производительность вычислений  $P$ , т. е. число операций в секунду,  $P = N^{-1} F = L^2 F$ . Скорость обработки информации  $V = L^2 n F$ . Заметим, что рассмотренный выше алгоритм может использоваться и для выполнения операции логического умножения матрицы на матрицу. При этом массив  $B_j$  должен быть составлен из элементов умножаемой матрицы.

На рис. 1, а приведена структурная схема оптоэлектронного устройства, на котором можно реализовать рассмотренный алгоритм вычислений (для простоты обсуждается вариант, когда  $C = n$ ). Схема содержит два электрически управляемых светодиодных модулятора света  $M_1$  и  $M_2$ , предназначенные для формирования световых картин массивом  $B_j$  и  $C_j$  соответственно, а также оптоэлектронный логический элемент (ОЛЕ), выполняющий операцию поэлементного сложения по модулю 2 последовательности из  $n$  картин. Поясним процесс формирования световых картин. Для этого предположим, что модуляторы  $M_1$  и  $M_2$  работают на пропускалье и модуляция света амплитудная. Модулятор  $M_1$  управляется одновременно по  $n$  каналам ( $j$ -е электрическими сигналами, поступающими из внешней электронной памяти

разряды вычисляемой группы векторов  $f$ ). Форма ячеек модулятора прямоугольная с соотношением сторон  $2n:1$  (см. рис. 1, б). Пусть при приложении к ячейке управляющего электрического импульса, соответствующего логической единице, поглощение света в ячейке становится минимальным. Тогда при пропускании света через  $M_1$  на выходе  $M_1$  возникает модулированная по амплитуде световая картина массива  $B_j$  (см. рис. 1, б, здесь в качестве примера показан случай, когда  $n=4$ ). Каждая вертикальная полоса в такой картине представляет собой  $n$  одинаковых разрядов в массиве  $B_j$ . Сформированная с помощью  $M_1$  световая картина подается на модулятор  $M_2$ , имеющий ту же конструкцию, что и  $M_1$ . Модулятор  $M_2$  управляется одновременно по  $n$  каналам сигналами из электронной памяти, соответствующими

$j$ -му столбцу матрицы  $\hat{A}$ . Пространственное расположение  $M_2$  таково, что плоскости  $M_1$  и  $M_2$  параллельны, а длинные стороны ячеек в  $M_1$  и  $M_2$  взаимно перпендикулярны. Управляющие сигналы одновременно подаются на  $M_1$  и  $M_2$ , в это же время через  $M_1$  и  $M_2$  пропускается свет. Световая картина массива  $C_j$  с выхода  $M_2$  подается на ОЛЭ, с которого, спустя  $n$  тактов поэлементного сложения по модулю 2 картин  $C_j$ , оптически считывается результат — картина массива  $G$ . ОЛЭ может быть выполнен на одном или двух оптически управляемых транспарантах (ОУТ). Количество ОУТ в ОЛЭ определяется тем, сколько на данном ОУТ складывается картин ( $n$  или менее) без считывания результата. В первом случае проводится последовательное сложение  $n$  картин  $C_j$ , а затем следует оптическое считывание. Во втором случае применяются два ОУТ (рис. 2), один из которых выполняет необходимую логическую операцию, например, над парами картин, а на второй ОУТ передается результат сложения  $C_j$  и  $C_{j+1}$ , т. е. этот ОУТ используется как оптическая память. Оптические элементы, необходимые для подачи на схему света, трансляции картин массивов  $B_j$ ,  $C_j$ ,  $G$  на рис. 1, 2 не показаны.

Для того чтобы оптоэлектронное устройство было конкурентоспособным с аналогичным электронным устройством, оно должно иметь производительность вычислений  $P$  на уровне  $\sim 10^8-10^9$  опер./с при размерности  $n=32$ . Это означает, что при емкости поля  $C^2=128\times 128$  элементов тактовая частота работы устройства будет  $\sim 10^7-10^8$  Гц. Действительно, если принять  $\tau \approx 10^{-8}$  с,  $C=Ln=128$ , то при  $n=32$ , 16,8 производительность вычислений составит  $P \approx 1,6 \cdot 10^9$ ,  $6,4 \cdot 10^9$ ,  $2,6 \cdot 10^{10}$  опер./с, а скорость обработки  $V \approx 5,1 \cdot 10^{10}$ ,  $1 \cdot 10^{11}$ ,  $2 \cdot 10^{11}$  бит/с соответственно. Основными элементами оптоэлектронного устройства являются ЭУТ и ОУТ — электрически и оптически управляемые транспаранты; их информационная емкость, тактовая рабочая частота определяют производительность устройства. Среди разработанных или предложенных в настоящем времени матричных ЭУТ и ОУТ тактовые рабочие частоты  $\sim 10^7$  Гц могут обеспечить два типа транспарантов. В первом из них вместо традиционного для ОУТ однородного фотопроводящего слоя используется фоточувствительная токоуправляемая интегральная схема, соединенная со слоем электрооптического материала [4]. Такие ОУТ могут работать с тактовой частотой до  $\sim 10^7$  Гц. Во втором (интегрально-оптическом) ОУТ вместо светомодулирующего слоя применяются оптические интегральные схемы (ОИС) [2]. Конструкции интегрально-оптических ОУТ бывают различными. Например, в работе [2] предлагается изготавливать ОИС на подложках из электрооптического материала. ОИС состоит из системы планарных волноводов, электрооптических модуляторов, элементов ввода и вывода излучения из плоскости волноводного слоя. На той же подложке — «строке» — располагается электронная интегральная схема, состоящая из линейки фотоприемников, усилителей и логических элементов, сигналы которых поступают на затворы электрооптических модуляторов ОИС. Двумерность рабочего поля ОУТ достигается в данном случае тем, что отдельные «строки» собираются в пакет. Вследствие небольшой толщины «строк» ( $\sim 0,5$  мм) число «строк» может быть велико, при этом рабочее поле ОУТ способно содержать  $\sim 10^4$  элементов. Необходимо также, чтобы набор ОИС выполнял функции матричного ЭУТ.

При решении вопроса о том, насколько перспективен именно оптоэлектронный вариант устройства умножения матрицы на вектор, следует учесть, что и традиционная элементная база современной вычислительной техники позволяет работать с тактовыми частотами  $\sim 10^7-10^8$  Гц при распараллеливании вычислений до  $\sim 10^4$  каналов. Однако такое число каналов реализуется путем применения большого числа ( $\sim 100$ ) отдельных устройств, каждое из которых содержит  $\sim 100$  логических элементов. Такой уровень распараллеливания по устройствам представляется близким к предельному. Таким образом, при использовании оптоэлектронных схем, имеющих емкость рабочего поля  $\sim 10^4$  бит и работающих с теми же тактовыми частотами, что и электронные схемы, возможно получение выигрыша по производительности вычислений в  $\sim 100$  раз. Распараллеливание по оптоэлектронным блокам (ОУТ, ЭУТ и т. д.)  $\sim 100$  происходит в основном потому, что ОИС имеют небольшие габариты. Оптоэлектронный вариант устройства становится перспективным в случае применения элементной базы, позволяющей работать не только с большой емкостью

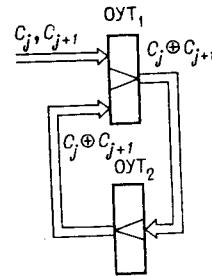


Рис. 2.

информационных картин ( $\sim 10^4$  бит), но и с большими тактовыми частотами ( $\geq 10^7$  Гц). Несмотря на то что в настоящей работе требования к оптоэлектронной базе (ОУТ и ЭУТ) сформулированы при решении частной задачи, полагаем, что эти требования носят достаточно общий характер\*. Поэтому усилия, необходимые для преодоления трудностей создания быстродействующих оптоэлектронных элементов, представляются оправданными.

## ЛИТЕРАТУРА

1. Володин Е. Б., Свидзинский К. К. Возможность построения интегральных оптических транспарантов для оптической цифровой техники связи.— Автометрия, 1977, № 4.
2. Белин А. М., Рябоконь В. Н., Свидзинский К. К. Интегрально-оптические транспаранты.— Электрон. пром-сть, 1978, № 7.

Поступило в редакцию 6 мая 1980 г.

УДК 535.4 : 546.32'131

Л. НИКОЛОВА, Т. ТОДОРОВ

(София, Болгария)

## ГОЛОГРАФИЧЕСКАЯ ЗАПИСЬ НА ОСНОВЕ ФОТОИНДУЦИРОВАННОГО ДИХРОИЗМА В КРИСТАЛЛАХ KCl : Na

Исследования фотохромных свойств окрашенных кристаллов щелочных галоидов для осуществления объемной голограммической записи проводятся давно [1]. Наиболее интересными оказались процессы фотопереориентации анизотропных центров, которые происходят при облучении линейно-поляризованным светом. Кроме высокой чувствительности и возможности многократной записи без промежуточной термической обработки, кристаллы, содержащие анизотропные центры, позволяют регистрировать также векторный характер интерференционной картины, что дает возможность сохранить в восстановленном изображении поляризацию записывающей волны. Благодаря этому запись приобретает ряд преимуществ: увеличивается информационная емкость, повышается контраст записи, уменьшается шум и т. п.

Запись на основе  $F_A$ -центров. Из всех анизотропных центров в щелочных галоидах наиболее подходящие характеристики для поляризационной записи имеет  $F_A$ -центр —  $F$ -центр в соседстве с примесным щелочным ионом радиусом, меньшим, чем у основных (рис. 1). Нарушенная симметрия этого центра приводит к появлению двух аборбционных полос: одна, более длинноволновая, связана с оптическими переходами, поляризованными вдоль оси центра, а вторая, коротковолновая, обусловлена переходами, поляризованными перпендикулярно оси.  $F_A$ -центр может иметь три оптически различных положения в кристаллической решетке — вдоль трех направлений [100]. Под воздействием света под действием длины волны в широких пределах изменения температуры (включая комнатную)  $F_A$ -центры переориентируются и в образце создается или меняется дихроизм. В работе [2] рассмотрена голограммическая запись на основе переориентации анизотропных центров типа  $F_A$  по схеме с двумя линейно-поляризованными плоскими волнами с произвольно направленной поляризацией. Во время экспонирования кристалла такой интерференционной картиной в нем происходит переориентация анизотропных центров и индуцируется локальный дихроизм, соответствующий результатирующему поляризации света. Из-за индуцированной в кристалле анизотропии его электро проводимость после регистрации является тензорной величиной.

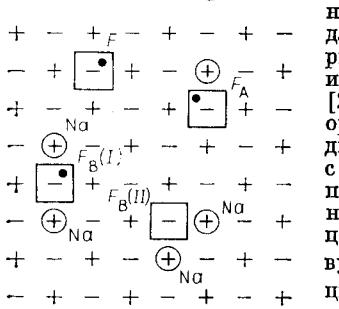


Рис. 1.

В системе кристаллофизических осей [100] тензор с яв-

\* Эта точка зрения авторов является спорной. (Прим. ред.)