

Фурье таких векторов будет совпадать с квадратом заданной функции с точностью до константы  $c = N - \sum_{i=1}^N |A_i|^2$  (поскольку мы предполагаем, что  $|A| \leq 1$ , то  $c \geq 0$ ). Отметим еще раз, что распределения не обязательно брать равномерные. Существует много других семейств, на которых можно обеспечить заданные требования, например, гауссовские. По-видимому, представляет интерес задача выбора распределений, обеспечивающих минимизацию различных характеристик уклона приближающих функций от приближаемой.

Сделаем еще несколько замечаний, которые нам представляются существенными.

1. В методах, рассмотренных в работе [2], и в настоящей заметке гарантируется «близость»  $M(|S(x)|^2)$  к  $f^2(x)$ , что, вообще говоря, не означает «близости»  $M(|S(x)|)$  к  $f(x)$  и  $[M(|S(x)|)]^2$  к  $f^2(x)$ . Дело в том, что  $M(|S(x)|^2) - [M(|S(x)|)]^2 = \sigma^2(|S(x)|) > 0$ . Если дисперсия по всему полю (в частности, везде близка к нулю), то кривая  $[M(|S(x)|)]^2$  имеет ту же форму, что и кривая  $M(|S(x)|^2)$ ; если же дисперсия существенно не стационарна, то указанные кривые могут сильно отличаться.

2. В экспериментах подобного рода обычно используется лишь одна реализация приближающей случайной функции. В связи с этим особый интерес представляют характеристики вида

$$M((\sum (f_i - |S_i|)^2)) \text{ или } M((\sum (f_i^2 - |S_i|^2))^2).$$

Изучение таких характеристик является более сложной задачей в связи с возможной статистической зависимостью погрешностей в разных точках поля. Величины, рассматриваемые в работе [2] и в настоящей заметке, могут быть использованы для оценки указанных характеристик.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Гудмен Дж. Введение в Фурье-оптику. М., «Мир», 1970.
2. Kermisch D. Image reconstruction from phase information only.— “J. Opt. Soc. Amer.”, 1970, vol. 60, N 1, p. 15.

*Поступила в редакцию 12 апреля 1977 г.*

УДК 535.4

**В. А. ВЕРЕВКИН, В. В. ДОНЦОВА, Г. А. ЛЕНКОВА**

(Новосибирск)

#### ОПТИЧЕСКИЙ СПОСОБ ИЗГОТОВЛЕНИЯ ОДНОМЕРНЫХ КИНОФОРМОВ

Киноформные оптические элементы подобно голограммам предназначены для преобразования волнового фронта. Однако в отличие от голограмм они создают изображение только в одном дифракционном порядке и в идеальном случае весь падающий свет используется для восстановления этого единственного изображения [1]. Обычно киноформы синтезируются на ЭВМ, но для простейших элементов, таких, как линзы и решетки, которые формируют сферическую волну или просто отклоняют падающий пучок света, применяются также оптические способы [2]. Существенный недостаток известных методов в том, что они непременно сопровождаются процессами квантования или ска-

нирования фазы, а это, как известно, является причиной снижения отношения сигнал/шум.

В настоящей работе исследуются возможности двух оптических способов, основанных на применении многолучевой интерференции, которые позволяют исключить процессы квантования и сканирования при изготовлении простых киноформных элементов типа одномерных решеток. Характерно, что фотошаблон получается за одну экспозицию. Подобные исследования для киноформных линз были проведены нами в [3].

Чтобы оценить требования, предъявляемые к киноформной решетке, рассмотрим, как влияет величина максимального изменения фазы на дифракционную эффективность фазы при условии  $\frac{2\pi n_{\text{max}}(\bar{n}-1)}{\lambda}$ , где  $n_{\text{max}}$  — максимальная высота зубца;  $\lambda$  — длина волны света.

Если на решетку длиной  $L$  падает плоская волна с амплитудой  $\sqrt{I_0}$ , то после прохождения решетки распределение интенсивности в дальней зоне можно представить как произведение двух функций

$$I/I_0 = F(\omega)Q(\omega), \quad (2)$$

где

$$F(\omega) = \sin^2(\omega Na/2)/\sin^2(\omega a/2);$$

$$Q(\omega) = \sin^2[(\psi_{\text{max}} - \omega a)/2]/[(\psi_{\text{max}} - \omega a)/2]^2;$$

$I_0$  — интенсивность света, падающего на решетку;  $I$  — интенсивность света, проходящего через нее;  $N$  — число зубцов решетки;  $\omega$  — пространственная частота в фурье-плоскости.

Предположим, что  $N$  достаточно велико, тогда  $F(\omega)$  переходит в гребенчатую функцию Дирака с периодом  $2\pi/a$  и определяет направления, в которых интенсивность света после решетки не равна нулю. Так, например, при  $\psi_{\text{max}} = 2\pi$ , что характерно для киноформных элементов, все значения  $F(\omega)$ , отличные от нуля, совпадают с нулевыми значениями  $Q(\omega)$  за исключением одной точки  $\omega = 2\pi/a$ , где  $Q(\omega) = 1$  (рис. 2, а). Следовательно, для этого случая весь свет будет дифрагировать в одном направлении под углом  $\lambda/a$ , который совпадает с углом отклонения луча призматическими элементами решетки. Когда  $\psi_{\text{max}} = \pi$ , функция  $Q(\omega)$  сдвигается относительно  $F(\omega)$  на полпериода и равные доли энергии падающего света ( $\sim 40\%$ ) направляются в +1-й и 0-й порядки дифракции (см. рис. 2, б). Кроме того, создаются условия для наблюдения 2-го (4,5%) и 3-го (1,6%) порядков. При  $\psi_{\text{max}} = 3\pi$  функция  $Q(\omega)$  сдвигается на полпериода в направлении положительной части оси  $\omega$  и наблюдаются +1-й и +2-й порядки дифракции (см. рис. 2, в). На основании (2) можно показать, что при отступлении максимальной задержки фазы от  $2\pi$  не более чем на  $\sim 0,2\pi$  потери энергии на нежелательные порядки не превышают 10%.

Киноформную решетку можно получить в два этапа. Сначала изготавливается специальный фотошаблон, затем его пропускание путем контактной или проекционной печати преобразуется в пропорциональное изменение оптической толщины какого-либо светочувствительного материала за счет изменения его показателя преломления или геометрической толщины. Наличие фотошаблона удобно для дальнейшего тиражирования решеток.

Мы применяли для изготовления фотошаблона клиновой интерферометр. Прежде чем перейти к рассмотрению конкретных схем,

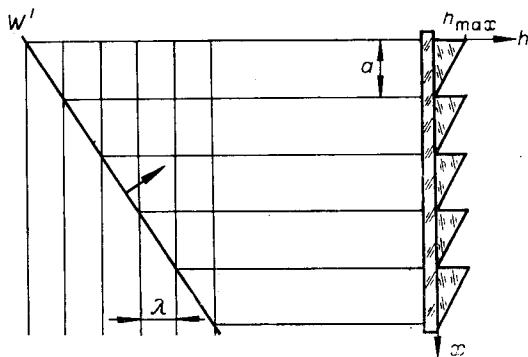


Рис. 1. Принцип построения киноформной фазовой решетки, преобразующей волновой фронт  $\tilde{W}$  в  $\tilde{W}'$ .

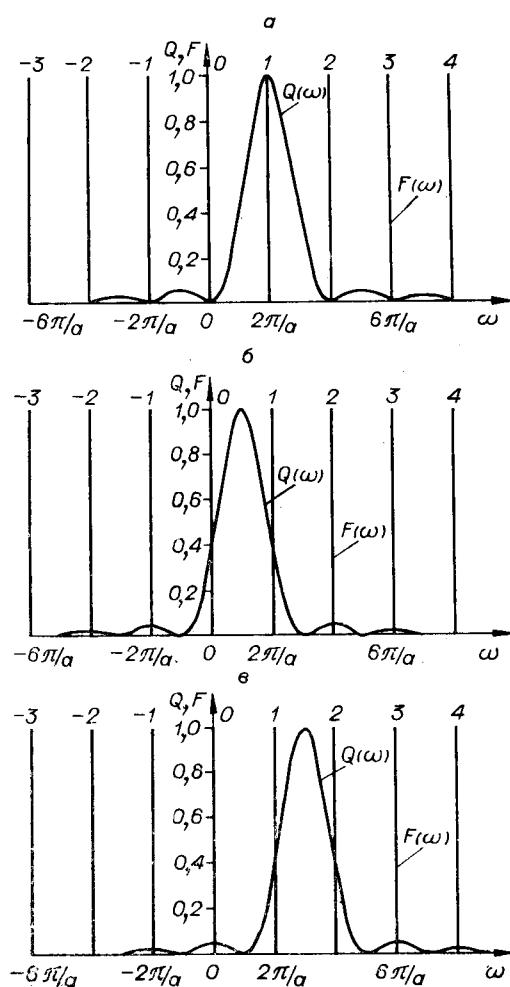


Рис. 2. Графики функций  $F(\omega)$  и  $Q(\omega)$  при  $\psi_{\max}$ , равных:  $a = 2\pi$ ,  $b = \pi$ ,  $c = 3\pi$ .

остановимся на ограничениях, которые возникают при оперировании многолучевыми полосами в клине. Толанским [4] показано, что распределение интенсивности в клиновом интерферометре мало отличается от распределения Эри, характерного для параллельных зеркал, при условии

$$(2t\alpha^2/\lambda)^{1/2}\pi\sqrt{R}/(1-R) \leq 0,91, \quad (3)$$

где  $\alpha$  — угол между зеркалами,  $t$  — толщина клина,  $R$  — коэффициент отражения зеркал,  $\lambda$  — длина волны света. Если не выполняется (3), то среди интерферирующих лучей окажутся такие, которые находятся в противофазе с другими. В результате на склоне распределения интенсивности света в интерференционной картине возникнут характерные осцилляции, не наблюдаемые в распределении Эри. Кроме того, максимум интенсивности смещается и распределение становится асимметричным. Позднее эти явления подробно исследовались в работе [5]. При изготовлении шаблона необходимо принимать во внимание соотношение (3), так как осцилляции интенсивности так же, как и квантование фазы, приводят к снижению отношения сигнал/шум.

Условие (3) определяет допустимую ширину полос  $a$  многолучевой интерференции, которая не может быть меньше некоторого значения, пропорционального  $\sqrt{t}$ :

$$\alpha \geq [\pi\sqrt{R}/[(1-R)0,91]]^{3/2}(t\lambda/2)^{1/2}. \quad (4)$$

При коэффициентах отражения зеркал  $R=0,7$  и  $0,8$ , использовавшихся в наших экспериментах, и при  $\lambda=0,6328 \cdot 10^{-3}$  мм (длина волны излучения Не-Не лазера) неравенство (4) преобразуется соответственно в

$$a \geq 0,53\sqrt{t}; \quad (4a)$$

$$a \geq 1,06\sqrt{t}, \quad (4b)$$

где  $t$  выражено в миллиметрах.

В нашей первой схеме для получения фотошаблона применялся специальный клиновой интерферометр [6], в котором в отраженном свете наблюдались светлые интерференционные полосы на темном фоне подобно обычной многолучевой интерференционной картине в проходящем свете. В таком интерферометре появляется возможность управлять контрастом и асимметрией в распределении интенсивности путем подбора покрытия переднего зеркала, в общем случае представляющего комбинацию поглощающей металлической пленки и диэлектрического многослойника. Мы выбирали параметры зеркал, а следовательно, форму распределения интенсивности полос, наилучшим образом компенсирующую нелинейность характеристических кривых светочувствительных материалов, применявшимся для изготовления фотошаблона и кинопластинки.

На рис. 3 показана оптическая схема установки. Пучок лазера 1 (Не-Не лазер ЛГ-56) фокусировался микрообъективом 2 на вращающийся диффузный рассеиватель 3, помещенный в переднюю фокальную плоскость объектива 4. После объектива параллельный пучок света падал на клиновой интерферометр, образованный зеркалами 6, 7. Вблизи поверхности зеркал наблюдалась картина прямолинейных и параллельных интерференционных полос. С помощью полупрозрачной пластины 5, объектива 8 и фотоаппарата 9 она проецировалась на фотопленку 10.

Во второй схеме был применен обычный клиновой интерферометр в проходящем свете. Особенность схемы заключалась в том, что интерферометр освещался набором плоских волн. Такое освещение достигалось путем установки в передней фокальной плоскости коллимирующего объектива широкого пространственно-некогерентного источника света.

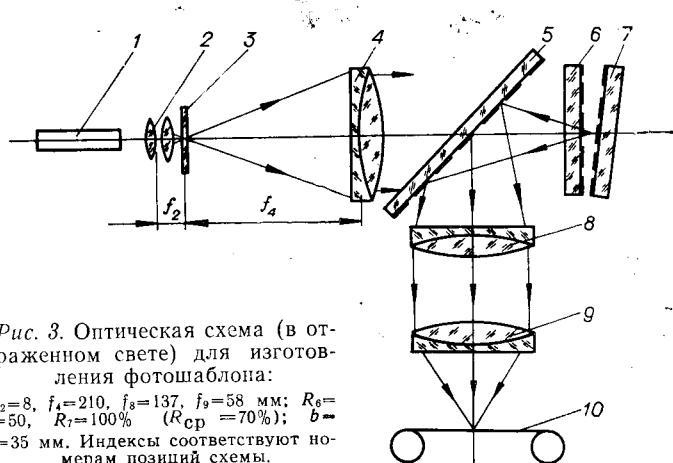


Рис. 3. Оптическая схема (в отраженном свете) для изготовления фотошаблона:

$f_2=8$ ,  $f_4=210$ ,  $f_8=137$ ,  $f_9=58$  мм;  $R_6=50$ ,  $R_7=100\%$  ( $R_{cp}=70\%$ );  $b=35$  мм. Индексы соответствуют номерам позиций схемы.

В этом случае ширина полос  $a_\phi$  может быть выражена как

$$a_\phi = \lambda / (2\alpha \cos \phi), \quad (5)$$

где  $\alpha$  — угол между зеркалами,  $\phi$  — угол падения плоского волнового фронта на первое зеркало.

Из (5) видно, что  $a_\phi$  не зависит от знака  $\phi$ . Изменение ширины полос с углом падения приводит к смещению картины, образованной волновым фронтом, идущим под углом  $\phi$ , по отношению к такой же, образованной перпендикулярно падающим волновым фронтам. В  $m$ -м порядке это смещение составит

$$(\Delta a_\phi)_m = (a_\phi - a_0)m. \quad (6)$$

После разложения  $a_\phi$  по степеням  $\phi$  при малых  $\phi$  (6) переходит в

$$\Delta a_\phi = \lambda m \phi^2 / 4\alpha = a_0 \phi^2 t / \lambda. \quad (7)$$

Если теперь создать источник света с яркостью, спадающей от центра к краям, то в последовательно смещенных интерференционных картинах интенсивность также будет снижаться. В результате суммарное распределение интенсивности можно сделать близким к треугольному. Таким источником может служить излучение лазера, распределение интенсивности которого в поперечном сечении имеет, как известно, гауссовский характер. При освещении диффузного рассеивателя расходящимся лазерным пучком света его элементарная поверхность  $dS = 2\pi r dr$  будет испускать свет с интенсивностью

$$dI = I_0 \exp(-2r^2/\omega^2) dS, \quad (8)$$

где  $I_0$  — интенсивность в центре диффузного рассеивателя,  $r$  — расстояние от центра,  $\omega$  — радиус освещивающего пучка на уровне падения мощности в  $e^2$  раз.

При условии  $r \ll f$ , где  $f$  — фокальное расстояние коллимирующего объектива, (8) можно преобразовать в соотношение

$$dI = I_0 2\pi f^2 \phi \exp[-2f^2 \phi^2 / \omega^2] d\phi, \quad (9)$$

определенное интенсивность света, падающего на интерферометр в интервале углов от  $\phi$  до  $\phi + \Delta\phi$ .

Рассмотрим распределение интенсивности в полосе порядка  $m$ . Для этого введем координату  $\xi = x - ma_0$ . Тогда с учетом смещения полос

$\Delta a_\phi$ , вызванного изменением угла падения  $\phi$  плоской волны, распределение интенсивности представится в виде

$$I(\xi) = \int_0^{\Phi_{\max}} I_\phi(\xi - \Delta a_\phi) dI, \quad (10)$$

где  $I_\phi(\xi - \Delta a_\phi)$  — распределение интенсивности в полосах многолучевой интерференции при освещении интерферометра одной плоской волной, падающей под углом  $\phi$  на переднее зеркало;  $\Phi_{\max}$  — максимальный угол падения, определяемый через радиус диффузного рассеивателя  $r_{\max}$  и  $f$  как

$$\Phi_{\max} = r_{\max}/f. \quad (11)$$

С достаточным приближением можно положить, что  $I_\phi(\xi - \Delta a_\phi) = \delta(\xi - \Delta a_\phi)$ . Это значит, что функция существует в точках  $\xi = \Delta a_\phi$ . На основании последнего равенства и (7) имеем

$$\xi = \lambda t \varphi^2 / 4\alpha. \quad (12)$$

Теперь, интегрируя (10), получаем

$$I(\xi) = I_0 \pi \omega^2 [1 - \exp(-h\xi)]/2, \quad (13)$$

где  $h = 4\alpha f^2 / (\omega^2 \lambda t)$ .

Для углов  $\varphi$ , расположенных вне интервала от 0 до  $\Phi_{\max}$ ,  $I(\xi) = 0$ . На рис. 4 показаны графики распределения интенсивности для трех характерных случаев заполнения промежутков между полосами, образованными нормально падающей плоской волной. В действительности реальная суммарная картина со стороны крутого склона треугольного распределения слегка пологая, так как коэффициенты отражения зеркал меньше единицы.

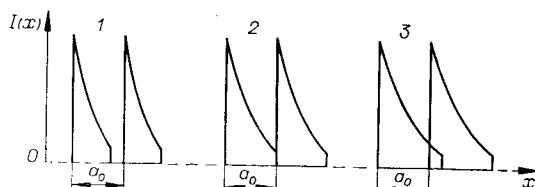


Рис. 4. График распределения интенсивности в интерференционной картине (схема в проходящем свете):

1 —  $\Delta a_\phi < a_0$ , 2 —  $\Delta a_\phi = a_0$ , 3 —  $\Delta a_\phi > a_0$ .

Оптическая схема получения фотошаблона по второму способу приведена на рис. 5. Пучок света от лазера 1 фокусировался микротрубкой 2 на пространственный фильтр (диафрагму) 3. Расширенный пучок падал на врачающийся диффузный рассеиватель (матовое стекло) 4, стоящий в передней фокальной плоскости объектива 5, при этом интерферометр 6 освещался набором плоских волн с углами падения от 0 до  $\Phi_{\max}$ . С помощью объектива 7 и фотоаппарата 8 интерференционная картина полос равной толщины, локализованная на поверхности второго зеркала, проецировалась на фотопленку 9.

Радиус матового стекла  $r_{\max}$  выбирался так, чтобы при заданной толщине интерферометра  $t$  в центре поля смещение картины полос при максимальном наклоне освещающего волнового фронта  $\Phi_{\max}$  было равно ширине полос, образованных нормально падающим фронтом:

$$\Delta a_\phi = a_0. \quad (14)$$

Из последнего условия с учетом (7) и (11) получаем

$$\Phi_{\max}^2 = \lambda/t; \quad (15)$$

$$r_{\max} = f(\lambda/t)^{1/2}. \quad (16)$$

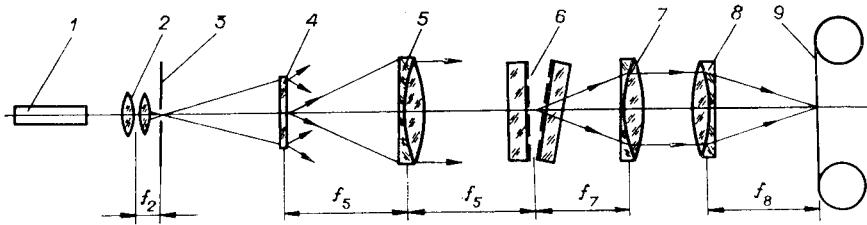


Рис. 5. Оптическая схема (в проходящем свете) для изготовления фотошаблона:  
 $f_2=8$ ,  $f_5=210$ ,  $f_7=f_8=58$  мм,  $R_6=R_7=80\%$ ,  $b=35$  мм.

Если положить, что смещение  $\Delta a_\phi$  на краях поля меняется не больше чем на  $\pm 0,1a_0$  относительно центра, то, дифференцируя (7) по  $t$ , найдем, что изменение толщины интерферометра не должно превышать

$$\Delta t = \pm 0,09t. \quad (17)$$

В то же время  $\Delta t$  можно представить через апертуру зеркал интерферометра  $b$  и ширину полос  $a_0$  как

$$\Delta t = b\lambda/4a_0. \quad (18)$$

Приравнивая правые части (17) и (18) и принимая во внимание (4б), получим

$$b \leq 0,36a_0^3/(1,06^2\lambda), \quad b \leq 507a_0^3, \quad (19)$$

$$b \geq 0,38t\sqrt{t}/\lambda, \quad b \geq 603t\sqrt{t}. \quad (20)$$

На основании (4б) и (20) число полос  $N$  в апертуре зеркал составляет

$$N = 570t. \quad (21)$$

В формулах (17) — (21)  $t$  — максимальная толщина интерферометра в пределах поля зрения. Из (21) следует, что допустимая частота полос возрастает с увеличением  $t$ . С другой стороны, величина  $t$ , согласно соотношению (20), которое можно считать определяющим, ограничивается экспериментально достижимой апертурой зеркал. В нашем случае  $b=35$  мм и, следовательно,  $t=0,14$  мм,  $N=89$ ,  $\Delta t=0,014$  мм. Радиус диффузного рассеивателя по формуле (16) для  $f=210$  мм,  $\lambda=0,6328 \times 10^{-3}$  мм и  $t=0,126$  мм (в центре поля) составлял  $\sim 15$  мм.

В схеме с отражающим интерферометром отсутствует ограничение на изменение толщины в пределах поля зрения. В принципе изменение на краях может быть равно толщине в центре, но опасность повредить покрытие зеркал не позволяет уменьшать толщину до нулевого значения. Легко показать, что в этой схеме

$$b \leq 2a_0^3/(0,53^2\lambda) - 2a_0t_0/\lambda, \quad (22)$$

где  $t_0$  — минимальная толщина интерферометра.

Для изготовления фазовых решеток негативы интерференционных полос (рис. 6, а), полученные на экспериментальных установках (схемы рис. 3 и 5), проецировались с уменьшением в 10 раз на пленки халькогенидных стеклообразных полупроводников (ХСП) состава  $As_2S_3$ . Источником света служило излучение аргонового лазера с длиной волны 0,5145 мкм. Условия эксперимента несколько отличались от приведенных выше расчетных данных, но удовлетворяли соотношению (3). Предварительно негативы контролировались по пропусканию на микротометре МФ-4 (см. рис. 6, б, в). Асимметрия профиля, измеренная

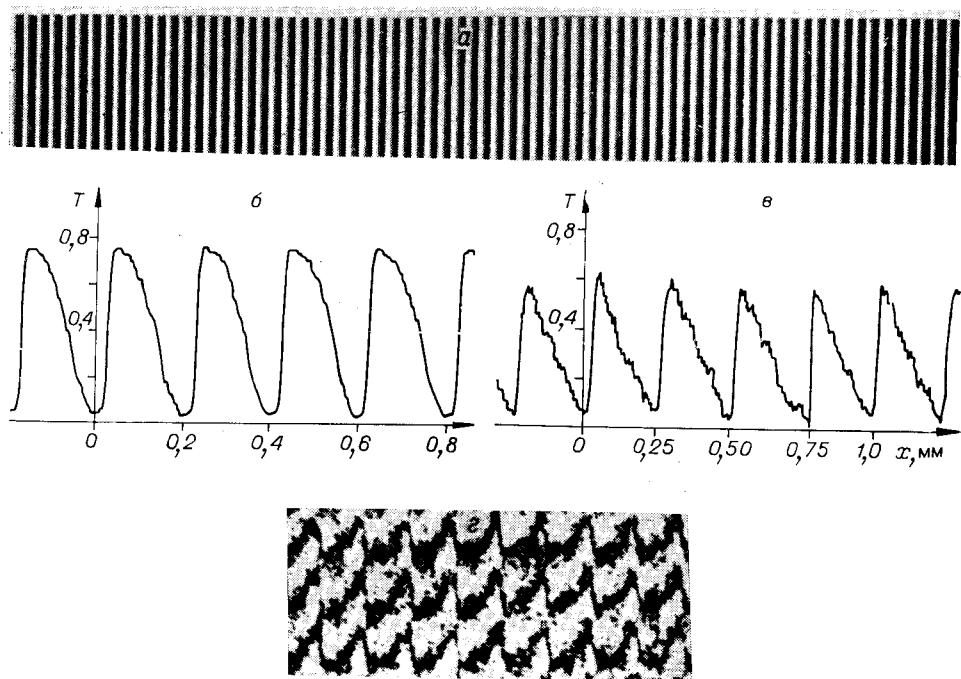


Рис. 6. Фотография фотошаблона (а), запись пропускания фотошаблона по интенсивности для схемы в отраженном (б) и в проходящем (в) свете, фазовый профиль киноформной решетки (г).

как отношение более крутой части профиля ко всему зубцу, изменялась по полю в пределах от 17 до 23% для схемы в проходящем свете и от 23 до 27% — в отраженном. На рис. 7 представлены графики пропускания негатива по максимальному значению (верхняя кривая) и минимальному (нижняя). Средняя линия (штриховая) показывает, что освещенность на краях была ниже, чем в центре. Для выравнивания пропускания негатива изготавливался корректирующий фильтр или при проецировании выбиралось положение негатива, при котором освещен-

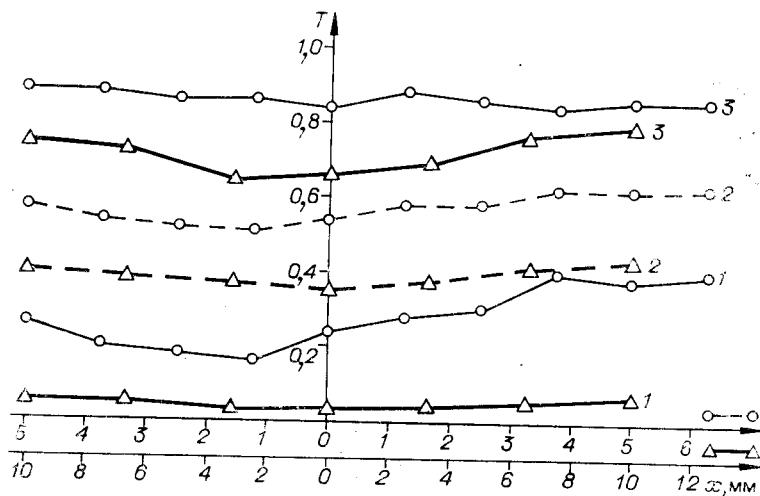


Рис. 7. График пропускания фотошаблона по интенсивности по минимальному (1), среднему (2) и максимальному (3) значениям ( $\circ-\circ$  — в отраженном,  $\triangle-\triangle$  — в проходящем свете).

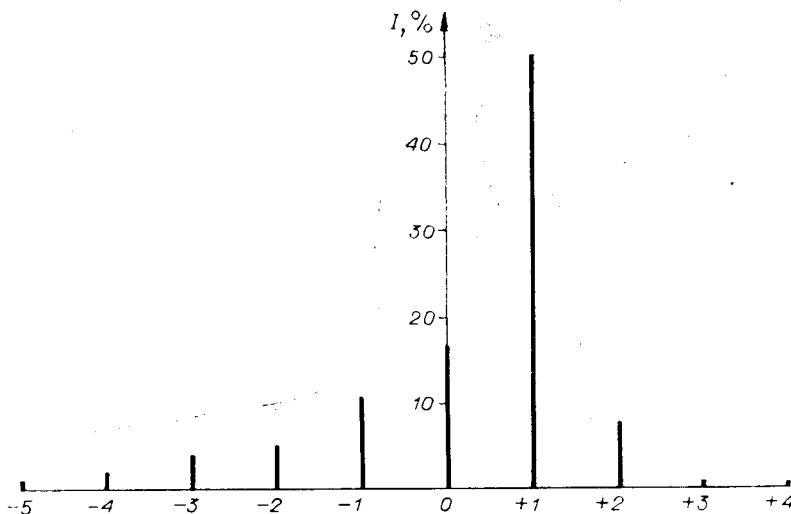


Рис. 8. Распределение энергии по дифракционным порядкам.

ность в пучке имела распределение, обратное пропусканию. Полученные фазовые элементы имели следующие параметры: диаметр — 1,2 и 2 мм, ширина полос — 0,02 и 0,025 мм, дифракционная эффективность — 47 и 51%, угол отклонения —  $1^{\circ}40'$  и  $1^{\circ}30'$  соответственно для схемы в отраженном и проходящем свете. Фазовый профиль киноформа контролировался на интерферометре Маха — Цендера (см. рис. 6, 2). Для выяснения влияния формы профиля на дифракционную эффективность изменилось распределение энергии по порядкам дифракции (рис. 8).

Проведенные исследования показали, что с помощью предложенных оптических способов можно реализовать киноформные одномерные элементы с дифракционной эффективностью порядка 50%. Причем эффективность может быть повышена при более тщательном согласовании распределения интенсивности в интерференционной картине с характеристическими кривыми фотоматериалов. К сожалению, применение многолучевой интерференции имеет принципиальные ограничения, не позволяющие довести размерные параметры (шаг и диаметр) до параметров решеток с блеском, которые в последнее время изготавливаются голограммическими методами. Однако технология производства элементов достаточно проста и в некоторых случаях, где не требуется высокого разрешения, они могут найти применение.

Авторы выражают благодарность В. П. Коронкевичу за обсуждение статьи и полезные замечания.

#### ЛИТЕРАТУРА

- Лизем, Хорш, Джордан. Киноформ.— «Зарубеж. радиоэлектроника», 1969, № 12, с. 41—50.
- Clair J. J. New methods to synthesize kinoform.— “Opt. Comm.”, 1972, vol. 6, N 2, p. 135—137.
- Коронкевич В. П., Ленкова Г. А., Михальцова И. А. Киноформные линзы. I. Оптический метод получения фотошаблона.— «Автометрия», 1977, № 5, с. 71—79.
- Tolansky S. Multiple-beam interferometry. Clarendon Press Oxford, 1948.
- Koppelman G. Intensitätsverteilungen in Fizeau-Vielstrahlinterferenzen I.— “Optik”, 1972, Bd 36, N 4, S. 474—493.
- Троицкий Ю. В. Отражающий интерферометр на основе согласованной металлической пленки.— «Письма в ЖЭТФ», 1970, т. 11, с. 281.

Поступила в редакцию 22 июля 1977 г.;  
окончательный вариант — 28 октября 1977 г.