

А К А Д Е М И Я Н А У К С С С Р  
СИБИРСКОЕ ОТДЕЛЕНИЕ  
А В Т О М Е Т Р И Я

№ 4

1975

*Краткие сообщения*

УДК 621.317+519.21

М. Г. ЗОТОВ

(Москва)

**ОБ ОДНОМ СПОСОБЕ  
ОПРЕДЕЛЕНИЯ НЕИЗВЕСТНЫХ ПАРАМЕТРОВ  
ПРИ РЕШЕНИИ ИНТЕГРАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ  
ОПЕРАЦИОННЫМ МЕТОДОМ**

В работе [1, 2] приведен операционный метод решения интегральных уравнений и систем уравнений Винера — Хопфа и Заде — Рагаццини. При решении таким способом необходимо было разыскивать постоянные параметры, входящие в полученное решение. Предлагалось два способа: либо из условия минимума величины среднеквадратичной ошибки, либо (только для уравнения Винера — Хопфа) из условия, что искомая передаточная функция имеет полюсы только слева от мнимой оси в плоскости комплексного переменного. Ниже предлагается другой универсальный метод определения этих постоянных.

Запишем решения интегральных уравнений Винера — Хопфа и Заде — Рагаццини для более общего случая, чем это сделано в [1]. Положим, что  $R_1(\tau)$  может быть суммой четной и нечетной функций. Заметим, что существующими способами уравнение Заде — Рагаццини в этом случае не решается.

Если

$$R_1(\tau) = \begin{cases} \sum_{j=1}^k a_j e^{\alpha_j \tau}, & \operatorname{Re} \alpha_j > 0 \text{ при } \tau < 0; \\ b_0 \delta(t) + \sum_{l=1}^p b_l e^{\beta_l \tau}, & \operatorname{Re} \beta_l < 0 \text{ при } \tau > 0, \end{cases} \quad (1)$$

то спектральная плотность записывается как

$$S_1(s) = b_0 + \sum_{j=1}^k \frac{a_j}{\alpha_j - s} - \sum_{l=1}^p \frac{b_l}{\beta_l - s}. \quad (2)$$

Интегральное уравнение Винера — Хопфа вида

$$\int_0^\infty k(\lambda) R_1(\tau - \lambda) d\lambda = R_2(\tau) \quad \text{при } \tau \geq 0 \quad (3)$$

после преобразований, аналогичных приведенным в [1], записывается таким образом:

$$K(s) S_1(s) - \sum_{j=1}^k \frac{a_j}{\alpha_j - s} K(\alpha_j) = \Lambda(s). \quad (4)$$

Здесь

$$K(s) = \int_0^\infty k(\lambda) e^{-\lambda s} d\lambda; \quad S_1(s) = \int_{-\infty}^\infty R_1(\tau) e^{-\tau s} d\tau;$$

$$S_2(s) = S_2(s)_- + S_2(s)_+ = \int_{-\infty}^\infty R_2(\tau) e^{-\tau s} d\tau; \quad (5)$$

$$\Lambda(s) = S_2(s)_+ = \int_0^\infty R_2(\tau) e^{-\tau s} d\tau; \quad K(\alpha_j) = \int_0^\infty k(\lambda) e^{-\alpha_j \lambda} d\lambda.$$

Интегральное уравнение Заде — Рагаццини вида

$$\int_0^T K(\lambda) R_1(\tau - \lambda) d\lambda = R_2(\tau) + \sum_{i=0}^r \gamma_i \tau^i, \quad 0 \leq \tau \leq T, \quad (6)$$

после аналогичных преобразований записывается так:

$$K(s) S_1(s) - \sum_{j=1}^k \frac{a_j}{\alpha_j - s} K(\alpha_j) + \sum_{l=1}^p \frac{b_l}{\beta_l - s} e^{(\beta_l - s)\tau} K(\beta_l) = \Lambda(s) + \\ + \sum_{i=0}^r \gamma_i \left[ \frac{i!}{s^{i+1}} - e^{-s\tau} \sum_{p=0}^i \frac{i!}{p!} \frac{T^p}{s^{i-p+1}} \right], \quad (7)$$

где

$$K(s) = \int_0^T k(\lambda) e^{-\lambda s} d\lambda; \quad \Lambda(s) = \int_0^T R_2(\tau) e^{-\tau s} d\tau; \\ K(\alpha_j) = \int_0^T k(\lambda) e^{-\alpha_j \lambda} d\lambda; \quad K(\beta_l) = \int_0^T k(\lambda) e^{-\beta_l \lambda} d\lambda. \quad (8)$$

Согласно теореме Парсеваля, последние из уравнений в (5) и (8) можно переписать в виде

$$K(a) = \int_0^T k(\lambda) e^{-a\lambda} d\lambda = \frac{1}{2\pi j} \int_{-j\infty}^{j\infty} K(s) \frac{1}{a-s} ds. \quad (9)$$

Предлагается следующий порядок решения интегральных уравнений. По формулам (4) или (7) отыскивается оптимальное значение  $K(s)$ . В оптимальное значение  $K(s)$  линейно входят неизвестные постоянные  $K(\alpha_j)$  либо  $K(\alpha_j)$ ;  $K(\beta_l)$ ;  $\gamma_i$ . Далее, подставляют найденное значение  $K(s)$  в систему уравнений для уравнения Винера — Хопфа

$$K(\alpha_j) = \frac{1}{2\pi j} \int_{-j\infty}^{j\infty} K(s) \frac{1}{\alpha_j - s} ds, \quad j = 1 \div k; \quad (10)$$

для уравнения Заде — Рагаццини

$$K(\alpha_j) = \frac{1}{2\pi j} \int_{-j\infty}^{j\infty} K(s) \frac{1}{\alpha_j - s} ds, \quad j = 1 \div k; \\ K(\beta_l) = \frac{1}{2\pi j} \int_{-j\infty}^{j\infty} K(s) \frac{1}{\beta_l - s} ds, \quad l = 1 \div p; \\ \mu_i = \frac{1}{2\pi j} \int_{-j\infty}^{j\infty} \frac{i!}{s^{i+1}} K(-s) ds, \quad i = 0 \div r. \quad (11)$$

Таким образом, мы получаем систему линейных относительно искомых параметров уравнений.

Пример. Исходные данные

$$S_1(s) = \frac{4-s^2}{1-s^2} = 1 + \frac{3}{2} \frac{1}{1-s} + \frac{3}{2} \frac{1}{1+s}; \quad S_2(s) = \frac{3}{1-s^2} = \frac{3}{2} \frac{1}{1-s} + \frac{3}{2} \frac{1}{1+s}.$$

Решение:

$$\Lambda(s) = S_2(s)_+ = \frac{3}{2} \frac{1}{1+s}; \\ K(s) \frac{4-s^2}{1-s^2} - \frac{3}{2} \frac{1}{1-s} K(1) = \frac{3}{2} \frac{1}{1+s}.$$

Откуда

$$K(s) = \frac{3}{2} \frac{1-s^2}{4-s^2} \left[ \frac{1}{1-s} K(1) + \frac{1}{1+s} \right].$$

Неизвестную постоянную  $K(1)$  определим из уравнения

$$K(1) = \frac{1}{2\pi j} \int_{-j\infty}^{j\infty} \frac{3}{2} \frac{(1+s)K(1) + (1-s)}{4-s^2} \frac{1}{1-s} ds;$$

$$K(1) = -\frac{1}{8} K(1) + \frac{3}{2}; \quad K(1) = \frac{1}{3}.$$

Подставляя найденное значение  $K(1)$  в значение  $K(s)$ , получим  $K(s) = \frac{1}{2+s}$ .

## ЛИТЕРАТУРА

1. М. Г. Зотов. Решение интегральных уравнений Винера — Хопфа и Заде — Ра-  
гаций операционным методом.— «Автометрия», 1972, № 1.
2. М. Г. Зотов. Решение систем интегральных уравнений при оптимальном син-  
тезе многомерных систем.— «Автометрия», 1973, № 4.

Поступило в редакцию 12 июня 1974 г.

УДК 681.327.21

А. М. ИШУТИНОВ, В. Ф. ЛЫНЬКО, В. П. МАРЧЕНКО,

И. Н. РУДОЙ, Н. А. ЯРМОШ

(Минск)

## УСТРОЙСТВО ПОДГОТОВКИ ДАННЫХ В ПОДСИСТЕМЕ ВВОДА ЧЕРТЕЖНО-ГРАФИЧЕСКОЙ ИНФОРМАЦИИ

Задача автоматизации научных исследований связана с потребностью быстрого поиска, ввода и обработки чертежно-графической информации с помощью средств вычислительной техники, а также доставки этой информации или результатов ее обработки на место эксперимента. Известно, что чертежно-графическая информация состоит из графической части и описательной. Результатом запроса может быть как совокупность этих частей, так и отдельные части информации, размещенные или на устройстве отображения, или распечатанные, наряду с результатами обработки ЭВМ, на устройстве печати в виде алфавитно-цифрового массива.

С целью решения задач по обслуживанию запросов в информационно-поисковой системе организована подсистема ввода чертежно-графической информации в узкополосные каналы связи, которая включает, наряду с ЭВМ, хранилища диамикро-карт, автоматизированного устройства их изготовления, блоков считывания графической части информации, устройство подготовки данных (УПД).

Устройство подготовки данных выполняет две задачи:

- 1) ввод запрашиваемого чертежно-графического изображения в память ЭВМ для обработки введенной информации\*;
- 2) отделение описательной информации от графической с занесением описательного массива в память ЭВМ. В дальнейшем на устройстве отображения эти части синтезируются.

В процессе работы УПД обеспечиваются:

- совмещение во времени процессов заполнения кодировочных таблиц и подготовки носителей информации для ввода в ЭВМ;
- автоматическое разделение массивов выходной информации на контрольном бланке печатающего устройства ПМ;
- ввод описательных алфавитно-цифровых и служебных кодов, координат расположения символов описательной информации;
- адресный поиск и отображение на экране видеонакопителя информационно-справочного микрофильмированного материала, необходимого в процессе кодирования;

\* Для устройства подготовки данных в Институте технической кибернетики АН БССР разработан специализированный внутренний язык, позволяющий решать широкий класс задач по машиностроению.