

В. А. ГАЙСКИЙ, В. П. ГУСЕВ

(Севастополь)

КОДОВАЯ ДЕЛЬТА-МОДУЛЯЦИЯ

С возрастанием потоков информации в современных измерительных информационных системах стала насущной задача сокращения объема представления данных при передаче их по каналам связи и хранении. Для решения этой задачи привлекаются различные методы кодирования сообщений, использующие как специфику информации на выходе источника, так и требования к информации со стороны потребителя. В случае, когда требования потребителя не заданы или потребитель не допускает потерь информации, т. е. обязательным условием является требование однозначного декодирования, используются методы кодирования сообщений, которые принято называть статистическими [1, 2].

Известные методы оптимального статистического кодирования дискретных сообщений [3, 4] применимы для стационарных источников, требуют знания статистических характеристик источника, предназначены для каналов связи, сложны в реализации. Все это затрудняет их практическую применимость и вызывает необходимость поиска новых методов обратимого сжатия данных, например, на основе комбинаторных принципов [5].

В данной работе рассматривается метод перекодирования последовательности равномерных двоичных слов в последовательность неравномерных двоичных слов, основанный на кодировании кодовых разностей и позволяющий получить обратимое сжатие представления цифровой информации [6]. По некоторой аналогии с дельта-модуляцией непрерывных сигналов этот метод может быть назван кодовой дельта-модуляцией.

Сущность метода. Допустим, имеется последовательность $\{\vec{X}(i)\}$ двоичных слов:

$$\vec{X}(i) = x_0^i x_1^i \dots x_j^i \dots x_{n-1}^i, \text{ где } x_j^i \in (0, 1); j = \overline{0, n-1}; i = \overline{0, N-1}.$$

Определим вектор поразрядной разности по модулю два для двух соседних в последовательности слов как

$$\vec{Y}^0(i) = \vec{X}(i-1) \oplus \vec{X}(i).$$

При $i = \overline{1, N-1}$ получим последовательность $\{\vec{Y}^0(i)\}$ кодовых разностей 0-го порядка. Очевидно, мощность M множества возможных слов $\{\vec{Y}^0\}$ будет определяться структурными свойствами исходной последовательности $\{\vec{X}(i)\}$. Действительно, если кодовое расстояние ρ между словами $\vec{X}(i-1)$ и $\vec{X}(i)$ находится в пределах $\rho = \overline{\rho_1, \rho_2}$, то

$$M = \sum_{\rho=\rho_1}^{\rho_2} C_n^\rho.$$

Элементы множества $\{\vec{Y}^0\}$ могут быть представлены словами, имеющими k_0 разрядов, причем $k_0 = \lceil \log_2 M \rceil$, где $\lceil \cdot \rceil$ означает ближайшее большее целое. Множество слов, кодирующих элементы множества $\{\vec{Y}^0\}$, обозначим $\{\vec{A}^0\}$. Тогда последовательности $\{\vec{Y}^0(i)\}$ соответствует

последовательность $\{\vec{A}^0(i)\}$. Если $k_0 < n$, то объем представления $\{\vec{A}^0(i)\}$ меньше, чем объем представления $\{\vec{Y}^0(i)\}$ и соответственно $\{\vec{X}(i)\}$ при $i \geq 1$, поскольку $\{\vec{X}(i)\}$ можно заменить последовательностями $\vec{X}(0), \vec{Y}^0(1), \vec{Y}^0(2), \dots, \vec{Y}^0(N-1)$ и $\vec{X}(0), \vec{A}^0(1), \vec{A}^0(2), \dots, \vec{A}^0(N-1)$. Общее условие возможности сжатия можно записать как

$$\lceil \log_2 \sum_{\varphi=\rho_1}^{\rho_2} C_n^\varphi \rceil < n.$$

Если $\rho_1 = 0$, то максимальное значение ρ_2 , при котором $k_0 < n$, назовем максимально допустимым кодовым расстоянием и обозначим $\rho_{2 \max}$. Если $\rho_2 = n$, то минимальное значение ρ_1 , при котором $k_0 < n$, назовем минимально допустимым кодовым расстоянием и обозначим $\rho_{1 \min}$.

Легко вычислить количественные соотношения между $n, k, \rho_{1 \min}$ и $\rho_{2 \max}$. Например, значения k_0 для $n=3, 15$ представлены в табл. 1.

Таблица 1

$\rho_{2 \max}$	$\rho_{1 \min}$	n													
		3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	
1	$n-1$	2	3	3	3	3	4	4	4	4	4	4	4	4	
2	$n-2$			4	5	5	6	6	6	7	7	7	7	7	
3	$n-3$					6	7	8	8	9	9	9	9	10	
4	$n-4$							8	9	10	10	11	11	11	
5	$n-5$									10	11	12	12	12	
6	$n-6$											12	13	14	
7	$n-7$													14	

Используя $\sum_{\varphi=0}^n C_n^\varphi = 2^n$ и $C_n^\varphi = C_n^{n-\varphi}$, получим, что $k_0 = n-1$ для четных n при $\rho_{2 \max} = \frac{n}{2} - 1$, $\rho_{1 \min} = \frac{n}{2} + 1$, а для нечетных n при $\rho_{2 \max} = \frac{n-1}{2}$, $\rho_{1 \min} = \frac{n+1}{2}$.

Допустим, что для последовательности $\{\vec{X}(i)\}$ $\rho_2^0 \leq \rho_{2 \max}^0$, тогда формат слов в последовательности $\{A^0(i)\}$ равен $k_0 = n-1$. Далее $\{\vec{A}^0(i)\}$ рассматриваем как исходную, определяем кодовые разности первого порядка $\vec{Y}^1(i) = \vec{A}^0(i-1) \oplus \vec{A}^0(i)$, при $\rho_2^1 \leq \rho_{2 \max}^1$ кодируем элементы множества $\{\vec{Y}_1\}$ словами множества $\{A^1\}$, имеющими формат $k_1 = n-2$.

Аналогично вычисляем кодовые разности до $(n-2)$ -го порядка с промежуточным перекодированием их представления при условии $\rho_2^i \leq \rho_{2 \max}^i$, при котором осуществляется свертка кода без потерь.

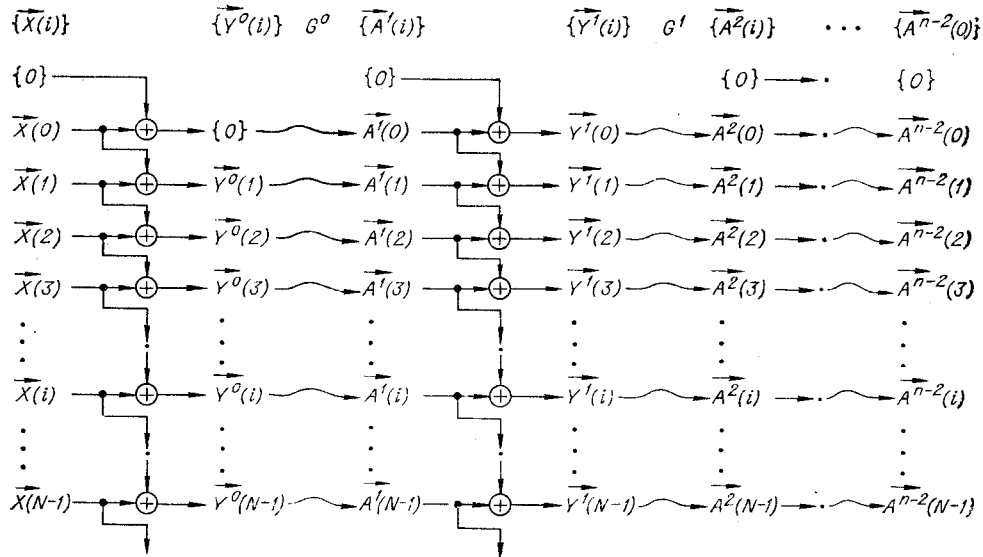


Рис. 1.

так, как это показано на рис. 1. Для каждого слова $\vec{X}(i)$ ($i \geq n$) исходной последовательности можем получить до $(n-1)$ коэффициентов разложения $A^0(i), A^1(i), \dots, \vec{A}^j(i), \dots, \vec{A}^{n-2}(i)$, формат слов k_j которых будет от $n-1$ до 1. В данном случае мы принимаем ограничение на минимальную разрядность коэффициента разложения, равную единице.

Однако условие $\rho_2^j \leq \rho_{2\max}^j$ может не выполняться для некоторых $j=0, (n-2)$, т. е. кодовое расстояние между словами $\vec{A}^j(i-1)$ и $\vec{A}^j(i)$ больше максимального или меньше минимально допустимого. В этом случае нельзя вычислить следующий коэффициент разложения и слово $\vec{A}^j(i)$ считается «существенным», а коэффициенты $\vec{A}^{j+\varphi}(i)$ ($\varphi = 1, (n-1-j)$) приравниваются нулю или соответствующим коэффициентам $\vec{A}^{j+\varphi}(i-1)$. «Существенный» коэффициент разложения обозначим $\vec{A}^j(i)$. Очевидно, что для каждого i будет только один «существенный» коэффициент, которым можно заменить слово $\vec{X}(i)$ исходной последовательности $\{\vec{X}(i)\}$. Поскольку разрядность «существенных» коэффициентов $k_j \leq n$, то последовательность $\{\vec{A}^j(i)\}$ будет иметь меньший объем представления, чем последовательность $\{\vec{X}(i)\}$.

В обобщенном виде алгоритм сжатия (преобразования последовательности $\{\vec{X}(i)\}$ в последовательность $\{\vec{A}^j(i)\}$) можно записать следующим образом:

$$\vec{A}^j(i) = G^j \{ \vec{A}^j(i-1) \oplus S^{j-1} \{ G^{j-1} \{ \vec{A}^{j-2}(i-1) \oplus S^{j-2} \times \\ \times \{ G^{j-2} \{ \vec{A}^{j-3}(i-1) \oplus \dots \{ \vec{A}^0(i-1) \oplus S^0 \{ G^0 \{ \vec{X}(i-1) \oplus \vec{X}(i) \} \} \dots \} \} \dots \} \},$$

где G^φ — оператор определения «существенного» коэффициента, выявляющий наличие кодовой разности, превышающей $\rho_{2\max}^\varphi$ или ниже

ρ_{\min}^{φ} , $\varphi = \overline{0, j}$; S^{ξ} — оператор свертки, осуществляющий преобразование элементов множества \vec{Y}^{ξ} в множество \vec{A}^{ξ} , $\xi = \overline{0, (j-1)}$; $j = \overline{0, (n-2)}$.

Поскольку исходная последовательность слов заменяется последовательностью закодированных кодовых разностей слов от 0 до $(n-2)$ -го порядка, то данный метод кодирования можно назвать кодовой дельта-модуляцией.

Соответственно для алгоритма восстановления информации (преобразования последовательности $\vec{A}^v(i)$ в последовательность $\{\vec{X}(i)\}$) можно записать

$$\vec{X}(i) = \vec{X}(i-1) \oplus \bar{S}^0 \{ \vec{A}^0(i-1) \dots \oplus \bar{S}^{j-1} \{ \vec{A}^{j-1}(i-1) \oplus \oplus \bar{S}^j [\vec{A}^j(i-1) \oplus \vec{A}^j(i)] \},$$

где \bar{S}^v — оператор восстановления элементов множества \vec{Y}^v из элементов множества \vec{A}^v , $v = \overline{0, j}$.

Рассмотренные алгоритмы разложения двоичной последовательности слов в кодовые ряды разностей и восстановления исходной последовательности из сжатой используют поразрядную логическую операцию неравнозначности (\oplus). Эту операцию можно заменить на логическую операцию равнозначности (\sim). Все другие логические функции от двух переменных не позволяют однозначно восстановить один из аргументов по значению функции и другого аргумента и поэтому не применимы в рассматриваемом методе сжатия.

Априорная оценка эффективности метода. Эффективность метода оценим коэффициентом сжатия R , под которым будем понимать отношение количества двоичных единиц в представлении исходной последовательности $\{\vec{X}(i)\}$ к количеству двоичных единиц в представлении последовательности $\{\vec{A}^j(i)\}$. Оценки величины R будут зависеть от конкретной реализации метода и характеристик исходной последовательности $\{\vec{X}(i)\}$.

Случай 1. Допустим, что слова в последовательностях $\{\vec{X}(i)\}$ и $\{\vec{A}^j(i)\}$ разделяются сигналами синхронизации. Игнорируя увеличение информативности неравномерной синхронизации в $\{\vec{A}^j(i)\}$ по сравнению с равномерной синхронизацией в $\{\vec{X}(i)\}$ и принимая минимальную разрядность слова в $\{\vec{A}^j(i)\}$, фактически необходимую для синхронизации, равной единице, можем в общем случае записать

$$1 \leq R_1 \leq n,$$

поскольку количество слов не изменяется после сжатия, а изменяется их разрядность. Следовательно, с увеличением разрядности n слов исходной последовательности пропорционально возрастает верхняя граница коэффициента сжатия. Однако нижняя граница R не может быть меньше единицы.

Оценим влияние объединения по v слов в блоки с общей разрядностью блоков nv на нижнюю границу коэффициента сжатия при некоторых характеристиках последовательности $\{\vec{X}(i)\}$. Допустим, что кодовое расстояние между соседними словами в $\{\vec{X}(i)\}$ не превышает

единицу, т. е. $\rho_1=0$, $\rho_{2 \max}=1$ (или аналогично $\rho_2=n$, $\rho_{1 \min}=n-1$). Тогда можно записать

$$\frac{n}{\lfloor \log_2 n \rfloor} \leq R_1 \leq n.$$

Для блочной последовательности получим

$$\frac{vn}{\lfloor \log_2 C_{vn}^v \rfloor} \leq R_2 \leq vn.$$

Вычисляя C_{vn}^v через факториалы и используя формулу Стирлинга $\ln n!$ для достаточно больших n и v , получим

$$\log_2 C_{vn}^v \approx \frac{1}{\ln 2} \left[v \ln(n-1) - \frac{1}{2} \ln v - \ln \sqrt{2\pi} \right] \approx v \log_2(n-1) \approx v \log_2 n.$$

Следовательно,

$$\frac{n}{\lfloor \log_2 n \rfloor} \leq R_2 \leq vn,$$

т. е. при некоторых характеристиках $\{\vec{X}(i)\}$ нижняя граница коэффициента сжатия практически не зависит от количества объединяемых слов. Поскольку верхняя граница для R растет, то можно предположить целесообразность объединения слов в блоки перед сжатием.

Случай 2. Синхронизация слов отсутствует, разделение слов в последовательности $\{\vec{A}^i(i)\}$ осуществляется присваиванием каждому слову $\vec{A}^i(i)$ служебного слова $B^i(i)$, указывающего количество разрядов в $\vec{A}^i(i)$ и имеющего разрядность $\lfloor \log_2 n \rfloor$.

Тогда для коэффициента сжатия получим

$$\frac{n}{n + \lfloor \log_2 n \rfloor} \leq R_3 \leq \frac{n}{\lfloor \log_2 n \rfloor}.$$

Заметим, что коэффициент R_3 может быть меньше единицы. Поскольку разрядность k^i «существенных» коэффициентов $\vec{A}^i(i)$ меньше n , то при их выделении можно поставить условие $\lfloor \log_2 k^i \rfloor + k^i \leq n$, невыполнение которого означает $\vec{A}^i(i) = \vec{X}(i)$, причем один добавочный разряд в сжатом слове необходим для фиксации выполнения этого условия. При этом

$$\frac{n}{n+1} \leq R_4 \leq \frac{n}{\lfloor \log_2 k^i \rfloor + 1}.$$

При характеристиках исходной последовательности $\{\vec{X}(i)\}$, аналогичных случаю 1, можем записать

$$\frac{n}{\lfloor \log_2 \log_2 n \rfloor + \lfloor \log_2 n \rfloor} \leq R_5 \leq \frac{n}{\lfloor \log_2 n \rfloor}.$$

Аналогично для блочной последовательности получим

$$\frac{vn}{v \log_2 n + \lfloor \log_2 vn \rfloor} \leq R_6 \leq \frac{vn}{\lfloor \log_2 vn \rfloor}.$$

Другие случаи. В рассмотренных выше случаях не накладывалось ограничений на способ кодирования «существенных» коэффициентов $\vec{A}^j(i)$.

С целью обеспечения разделения слов без синхронизации возможно кодирование коэффициентов префиксными кодами, например [7, 8, 9]. При этом в зависимости от выбранного префиксного кода изменятся оценки для $\rho_{2 \max}$ и $\rho_{1 \min}$, а коэффициент сжатия будет иметь границы, аналогичные R_1 .

Верхняя граница коэффициента сжатия может быть повышена, если снять требование обязательного наличия коэффициента $\vec{A}^{n-2}(i) = 0$, который кодируется одnorазрядным словом, т. е. использовать пассивную паузу или применить способ «кодирования длин серий» для подряд следующих коэффициентов $\vec{A}^{n-2}(i) = 0$ [10]. Для такого кодирования можно использовать, например, код с неповторяющимися единицами [11].

Нижняя граница коэффициента сжатия R_3 может быть повышена за счет использования других известных способов компактного кодирования служебной информации. Последовательность сигналов разделения слов в $\{\vec{A}^j(i)\}$ можно представить как самостоятельную последовательность $\{C(i)\}$ двоичных символов, в которой единицы соответствуют сигналам разделения (синхронизации), а нули — разрядам в $\vec{A}^j(i)$.

Последовательность $\{C(i)\}$ также может быть подвергнута сжатию применением способа «кодирования длин серий» или, при разбиении на слова, использованием однократной или многократной кодовой дельта-модуляции.

Таким образом, границы для оценок коэффициента сжатия могут быть увеличены при компактном кодировании служебной информации с использованием кодовой дельта-модуляции совместно с другими известными методами кодирования.

Экспериментальное исследование эффективности метода. Эффективность метода оценивалась по среднему коэффициенту сжатия R моделированием алгоритмов кодовой дельта-модуляции на ЭВМ «М-220М». Общая структурная схема программы представлена на рис. 2.

Значения коэффициентов $\vec{A}^j(0)$ принимались равными нулю. Моделировались три алгоритма, отличающиеся операторами свертки S^j . Алгоритм 1. Оператор свертки задается арифметическим выражением

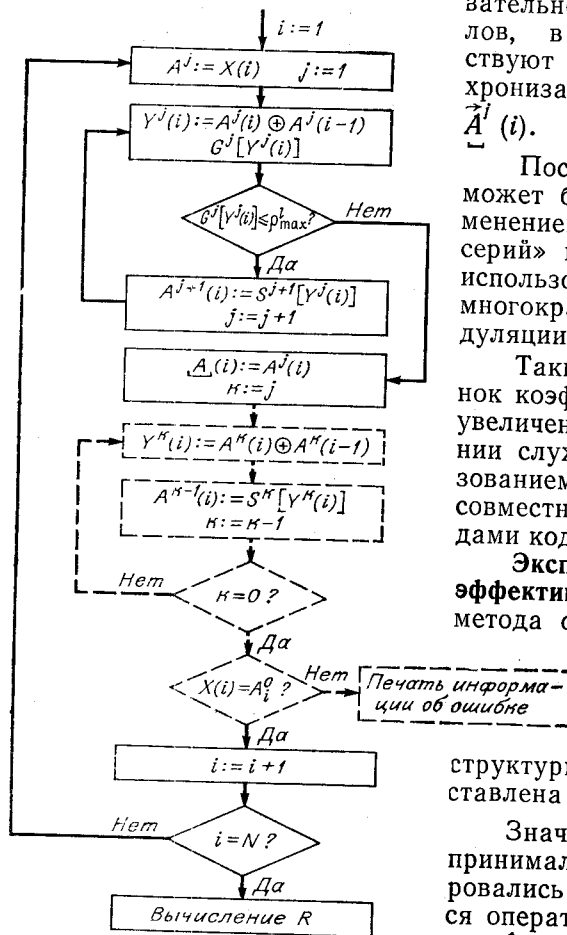


Рис. 2.

$$A^{j+1}(i) = Y^j(i) - \sum_{k=0}^{k-k_{\max}} \sum_{m=\rho_{2^{\max}+1-k}}^{m=\varphi_k} C_{\varphi_k}^m,$$

где k — порядковый номер единицы в коде $\vec{Y}^j(i)$ слева направо; φ_k — номер разряда справа налево, имеющего единицу в коде $\vec{Y}^j(i)$.

Пример соответствующей разметки кода приведен в табл. 2. Приведенное выражение получено на основании того, что если из числа,

Таблица 2

№ п/п	11	10	9	8	7	6	5	4	3	2	1	0
\vec{Y}	0	1	0	1	1	0	0	0	1	0	1	1
k		0		1	2				3		4	5
φ_k		10		8	7				3		1	0

имеющего количество единиц в разрядах не больше, чем $\rho_{2^{\max}}$, вычесть число, равное количеству слов, меньших данного по величине и имеющих количество единиц в разрядах большее $\rho_{2^{\max}}$, то результирующее число будет не более 2^{n-1} .

При моделировании данного алгоритма разрядность слов исходной последовательности ограничивается величиной $n \leq 19$ из-за переполнения разрядной сетки ЭВМ при вычислении числа сочетаний.

Алгоритм 2. Оператор свертки задается выражением

$$A^{j+1}(i) = \begin{cases} Y^j(i), & \text{если } Y^j(i) < 2^j; \\ \bar{Y}^j(i), & \text{если } Y^j(i) \geq 2^j. \end{cases}$$

Поскольку в обоих случаях старший разряд в $A^{j+1}(i)$ равен нулю, то он отбрасывается. Данный алгоритм содержит только логические операции и обладает высоким быстродействием.

Алгоритм 3. В отличие от первых двух алгоритмов операция выявления «существенного» коэффициента отсутствует и свертка кода разности производится после вычисления кода разности

$$\vec{Y}^0(i) = \vec{X}(i) \oplus \vec{X}(i-1).$$

Операция свертки осуществляется исключением из кода $\vec{Y}^0(i)$ первых слева разрядов до первой единицы.

Характеристика первичной информации. При моделировании метода сжатия использовалась реальная информация, полученная буксируемым в верхнем слое океана и управляемым в режиме периодического погружения и всплытия измерительным комплексом «Нырок-2» [12].

Характеристики одного кадра этой информации представлены в табл. 3.

На рис. 3 представлены графики переменной составляющей значений, а на рис. 4 — гистограммы параметров по соответствующим измерительным каналам.

Таблица 3

Номер канала	1	2	3	4	5	6	7	8
Измеряемый параметр	Электропроводность			Темпера- тура	Эталон		Глу- бина	Эта- лон III
	I	II	III		I	II		
Количество разрядов	18	18	18	18	18	18	18	18
Энтропия H (дв. ед.)	11,8	11,1	11,08	10,5	8,15	12,2		—
\bar{R}_0	1,52	1,62	1,63	1,715	2,2	2,9		—
$\bar{R}_1^{1,2}$	1,57	2,26	1,51	1,83	1,62	2,01	—	—
\bar{R}_1^3	1,98	2,74	2,52	3,24	5,13	5,33	3,16	10,03
\bar{R}_3^3	1,28	1,56	1,48	1,708	2,12	2,5	1,96	2,6

В предположении статистической независимости слов вычислена энтропия H и идеально возможный коэффициент сжатия $R_0 = n/H$ для каналов (см. табл. 3).

Результаты моделирования. В результате моделирования оказалось, что первый и второй алгоритмы очень близки по эффективности, поэтому ниже приводятся общие для них значения коэффициента сжатия $\bar{R}_\xi^{1,2}$ ($\xi = 1, 2, 3$).

В табл. 4 представлены оценки $\bar{R}_2^{1,2}$ при ν -кратном объединении слов. Первая строка таблицы соответствует последовательности $\{\bar{X}\}_1$, в которой объединялись слова одного канала, т. е. в какой-то степени однородная информация, в частности последовательность отсчетов температуры. Вторая строка таблицы соответствует последовательности $\{\bar{X}\}_2$, в которой объединялись слова разных каналов в порядке следования их в кадре, т. е. разнородная информация при несовпадении количества объединяемых слов и числа каналов в кадре.

Из табл. 4 видно, что для данной информации объединение слов приводит к снижению среднего коэффициента сжатия.

В табл. 3 представлены средние коэффициенты сжатия $\bar{R}_1^{1,2}$ по первому и второму алгоритмам и \bar{R}_1^3 по третьему алгоритму. Значения \bar{R}_1^3 превышают оценки для идеально возможного коэффициента сжатия R_0 . Это можно объяснить тем, что, во-первых, энтропия H для каналов вычислялась в предположении статистиче-

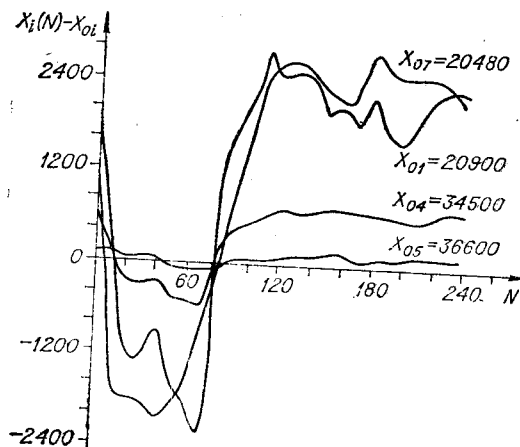


Рис. 3.

ской независимости слов в последовательности и является завышенной, если такая зависимость имеется, и, во-вторых, в оценке \bar{R}_1 не учитывается служебная информация (синхронизация).

В оценке для \bar{R}_3^3 учитывается объем служебной информации, и эта оценка ниже величины R_0 . Наиболее эффективным оказался алгоритм 3. Это легко объяснить, поскольку этот алгоритм фактически специализирован к испытываемой на сжатие информации, так как оператор свертки основан на отбрасывании старших неизменяющихся разрядов выборок непрерывного сигнала.

Заключение. Кодовая дельта-модуляция может быть использована для достаточно эффективного обратимого сжатия представления цифровой информации в каналах связи и при хранении.

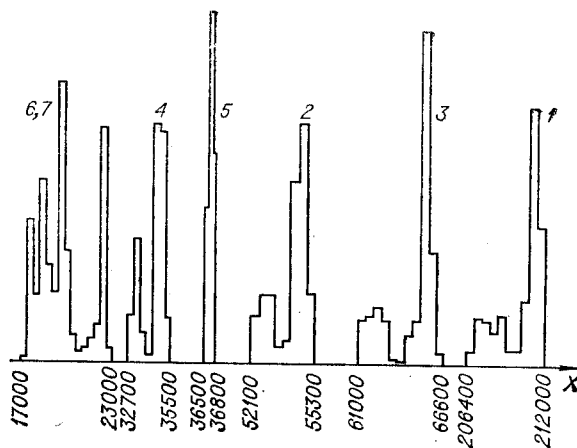


Рис. 4.

Таблица 4

v	1	2	3	4	5	6	7	8
$\bar{R}_2^{1,2}(\bar{X}_1)$	2,02	1,43	1,25	1,18	1,15	1,12	1,16	1,13
$\bar{R}_2^{1,2}(\bar{X}_2)$	1,15	—	—	1,03	—	—	—	1,08

Достоинствами метода являются простота реализации только логическими операциями, малый объем памяти, относительно малое время задержки при сжатии и восстановлении, а также универсальность применения к информации с неизвестными статистическими характеристиками. Эффективность кодовой дельта-модуляции по сжатию может быть повышена при совместном использовании с другими методами кодирования, специализации метода или введении адаптации к исходной информации.

ЛИТЕРАТУРА

1. Кортман. Сокращение избыточности как практический метод сжатия данных.— ТИИЭР, 1967, т. 55 № 3.
2. Р. Фано. Передача информации. Статистическая теория связи. М., «Мир», 1965.
3. В. Ф. Бабкин, А. Б. Крюков, Ю. М. Штарьков. Сжатие данных.— В сб.: «Аппаратура для космических исследований». М., «Наука», 1972.
4. Д. М. Хафмен. Метод построения кодов с минимальной избыточностью.— В кн.: Кибернетический сборник», вып. 3. М., Изд-во иностр. лит., 1964.
5. И. Я. Акушский, В. Н. Заболоцкий. О комбинаторном подходе к идее сжатия информации.— В сб.: «Цифровая вычислительная техника и программирование», вып. 6. М., «Советское радио», 1971.
6. В. А. Гайский. Метод обратимого сжатия объема представления цифровой измерительной информации.— В сб.: «Автоматизация научных исследований морей и океанов», часть 2. Севастополь, Изд-во МГИ АН УССР, 1972.
7. Д. А. Новик. Эффективное кодирование. М., «Энергия», 1965.

8. К. А. Мешковский, Н. Е. Кириллов. Кодирование в технике связи. М., «Связь», 1966.
9. А. Сардинас, Дж. Паттерсон. Необходимое и достаточное условие однозначного разложения закодированных сообщений.— В кн.: «Кибернетический сборник», вып. 3. М., Изд-во иностр. лит., 1961.
10. D. R. Schwartz, R. C. Barker. Bit-Plane Encoding: A Technique for Source Encoding.— IEEE Trans. on AES, 1966, v. 2, N 4.
11. Ng. Wai-Hung. Binary Nonconsecutive One Code for Time-Tay Data Compression.— Proc. IEEE, 1971, v. 118. № 10. (Экспресс-информация «Передача информации», 1972, вып. 4).
12. В. А. Гайский, А. В. Хохлов, В. Ф. Сытников. Буксируемый управляемый измерительный комплекс.— В сб. «Морские гидрофизические исследования», вып. 3, Севастополь, Изд-во МГИ АН УССР, 1972.

Поступила в редакцию 2 апреля 1973 г.