

Так, для  $P(A) = 0,7$ ,  $k=m=0$  и  $n=6$  получим вероятность принятия верного решения относительно сравниваемых величин  $P_{\text{на}}(A) > 0,993$ , т. е. достоверность результата сравнения практически будет равна «единице». Реализация же предложенных методов осуществляется незначительным усложнением дискретной части АЦП или ЦИП, что показывает целесообразность их использования.

## ЛИТЕРАТУРА

1. М. П. Чапенко. О классификации цифровых измерительных приборов.— Измерительная техника, 1961, № 5.
2. А. Вальд. Последовательный анализ. М., Физматгиз, 1960.
3. Дж. Кемени, Дж. Снелл. Конечные цепи Маркова. М., «Наука», 1970.

Поступило в редакцию 27 февраля 1973 г.

УДК 389.0+528.27+531.50 : 621.325.826

Г. Б. ГУТМАН  
(Ленинград)

## НОВЫЙ СПОСОБ ИЗМЕРЕНИЯ АБСОЛЮТНОГО ЗНАЧЕНИЯ УСКОРЕНИЯ СИЛЫ ТЯЖЕСТИ

В настоящее время максимальная точность измерения абсолютного значения ускорения силы тяжести  $g$  достигается при использовании метода свободного падения тела в вакууме. Теоретическое значение погрешности измерения  $g$  при одном бросании составляет  $10^{-7}$  [1]. В этом методе значение  $g$  определяют, измеряя отрезок пути  $s$ , проходимый падающим телом за время  $t$ , с последующим вычислением  $g$  по формуле \*

$$g = \frac{2s}{t^2}. \quad (1)$$

Измерение отрезков, проходимых падающим зеркалом, осуществляется путем счета интерференционных полос. Однако измерение длины порядка сантиметров с относительной погрешностью  $5 \cdot 10^{-8}$ , т. е. измерение длины с точностью до сотых и тысячных долей полосы, сопряжено с большими трудностями. Эти трудности усугубляются тем, что частота следования полос не постоянна, а зависит от скорости падающего зеркала и меняется в широких пределах (от 4 до 20 МГц при  $s \approx 1$  м и  $t \approx 0,5$  с в экспериментах [1]). В то же время представляет большой интерес измерение абсолютного значения  $g$  за минимальные промежутки времени, соответствующие малым длинам падения тела, так как такие измерения позволяют обнаружить и учсть некоторые систематические погрешности.

Рассмотрим способ определения абсолютного значения  $g$ , при котором удается без потери точности существенно уменьшить время измерения. Схема измерения  $g$  этим

способом представлена на рисунке. От источника света 1, в качестве которого может быть использован, например, стабилизированный аттестованный гелий-неоновый ОКГ ( $\lambda = 0,6328$  мкм), излучение направляется на светоделительное зеркало 2. На зеркале 2 излучение делится на две части. Часть излучения отражается от опорного зеркала 3, светоделительного зеркала 2 и направляется на фотодетектор 6. Другая часть излучения, последовательно отражаясь от падающего триэдра 4, неподвижного зеркала 5, снова от триэдра 4, тоже попадает на фотодетектор 6. С выхода 6 соответствующий допплеровскому сдвигу сигнал разностной частоты (сигнал биений), пройдя схему задержки 7, поступает в смеситель 8, где смешивается с незадержанным сигналом биений, идущим непосредственно с выхода 6. С выхода смесителя 8 полезный сигнал с частотой, равной разности частот задержанного и незадержанного сигналов биений, попадает на схему измерения частоты 9.

\* Вообще в этом способе используют формулу  $g = \left( s_2 - s_1 \frac{t_2}{t_1} \right) / (t_2^2 - t_1 t_2)$ . Измерение  $g$  при одном «бросании» по двум отрезкам  $s_1$  и  $s_2$  и двум временным интервалам  $t_1$  и  $t_2$  обусловлено необходимостью исключить влияние начальной скорости на результат измерения  $g$ . Однако для дальнейших оценок достаточно (1).

Измерение  $g$  осуществляется следующим образом. Частота электромагнитного излучения, отраженного от падающего зеркала, в соответствии с законом Допплера определяется текущим значением скорости падающего зеркала. (Изменением спектра отраженного излучения из-за ускоренного движения зеркала можно пренебречь [2].) Пусть зеркало удаляется от приемника, и излучение отражается от зеркала дважды. Тогда в первом приближении частота отраженного излучения будет равна

$$v_i = v_0 \left( 1 - 4 \frac{v_i}{c} \right), \quad (2)$$

где  $v_0$  — частота генерации ОКГ;  $c$  — скорость света;  $v_i$  — текущее значение скорости падающего зеркала.

Смешивая на поверхности фотодетектора излучение, отраженное от падающего и опорного зеркал, можно выделить сигнал биений:

$$\Delta v_i = v_0 - v_i = 4 \frac{v_i}{\lambda_0}, \quad (3)$$

где  $\lambda_0 = c/v_0$  — длина волны генерации ОКГ.

Если задержать сигнал биений на некоторый промежуток времени  $t_0$  и смешать задержанный и незадержанный сигналы биений на нелинейном элементе, то можно выделить полезный сигнал, частота которого пропорциональна текущему значению  $g$ . Действительно, значение  $g$  может быть определено как

$$g = \frac{v_{2i} - v_{1i}}{t_0}, \quad (4)$$

где  $t_0$  — время задержки сигнала биений;  $v_{1i}$ ,  $v_{2i}$  — текущие значения скорости падающего зеркала, разделенные промежутком времени  $t_0$ . Тогда, учитывая (3) и (4), будем иметь

$$g = \frac{\lambda_0 f}{4 t_0}, \quad (5)$$

где  $f = \Delta v_{2i} - \Delta v_{1i}$  — частота полезного сигнала.

Таким образом, измерение  $g$  в соответствии с (5) сводится к измерению постоянной частоты  $f$  с дальнейшим расчетом  $g$  для известных  $\lambda_0$  и  $t_0$ .

Сравним предельно достижимые точности измерения абсолютного значения ускорения силы тяжести для двух способов определения  $g$ : 1) по пройденному пути и времени; 2) по изменению скорости за известное время задержки. Поскольку ускорение силы тяжести включает длину и время  $[g] \sim [L][T]^{-2}$ , погрешность измерения абсолютного значения  $g$  не может быть меньше погрешности воспроизведения единиц длины и времени. Эталон единицы длины — метры — воспроизводится с относительной среднеквадратической погрешностью  $(2 \div 3) \cdot 10^{-8}$  [3]. Эталон единицы времени — секунды — имеет суточную вариацию частоты меньше  $10^{-11}$  [4].

Из (1) следует, что относительная погрешность измерения  $g$  первым способом:

$$\frac{\sigma_{g_I}}{g_I} = \sqrt{\left(\frac{\sigma_s}{s}\right)^2 + 2\left(\frac{\sigma_t}{t}\right)^2}. \quad (6)$$

Эта погрешность определяется в основном погрешностью измерения пути, проходимого падающим зеркалом, и составляет  $(6 \div 7) \cdot 10^{-8}$  для пути порядка метра. Погрешность измерения времени прохождения этого пути (порядка секунды) может быть легко сделана меньше  $10^{-8}$ . Относительная погрешность измерения  $g$  вторым способом в соответствии с (5):

$$\frac{\sigma_{g_{II}}}{g_{II}} = \sqrt{\left(\frac{\sigma_{\lambda_0}}{\lambda_0}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_{t_0}}{t_0}\right)^2 + \left(\frac{\sigma_f}{f}\right)^2}. \quad (7)$$

Оценим эту погрешность для пути порядка сантиметров, времени задержки  $t_0 \approx 0,15$  с и времени измерения частоты полезного сигнала  $T \approx 2 \cdot 10^{-2}$  с. В первом способе длина волны излучения ОКГ  $\lambda_0$  может быть воспроизведена и измерена с погрешностью, не большей погрешности измерения длины отрезка пути, проходимого падающим зеркалом. Относительная погрешность дискретной электронной схемы задержки для  $t_0 \approx 0,15$  с, а также погрешность измерения постоянной частоты  $f \approx 10$  МГц при  $T \approx 2 \cdot 10^{-2}$  с может быть легко сделана меньше  $10^{-8}$  [5].

Оценим также предельно достижимую точность измерения частоты полезного сигнала, обусловленную конечной шириной линии генерации. По аналогии с [6] выражение для среднего разброса частоты полезного сигнала, усредненного за время измерения  $T$  (т. е. для погрешности измерения  $f$ ) имеет вид

$$\sigma_f = \sqrt{\frac{D_f}{T}}, \quad (8)$$

где  $D_f$  — ширина линии полезного сигнала;  $T$  — время измерения.

уже технически реализовано; б) увеличением числа измерений (бросаний) с последующим усреднением. (Очевидно, что увеличение числа измерений при данном  $T$  эквивалентно увеличению  $T$ .)

Таким образом, способы определения абсолютного значения  $g$  по измеренному пути и времени и по изменению скорости за известное время задержки сравнимы по точности, но время измерения  $g$  вторым способом существенно меньше времени измерения  $g$  первым способом. Следовательно, при измерении  $g$  по изменению скорости можно выявить некоторые систематические погрешности.

Кроме того, при определении  $g$  рассмотренным способом можно без потери точности значительно уменьшить путь, проходимый падающим зеркалом. Это существенно снижает габариты и вес установки, а также облегчает борьбу с влиянием внешних воздействий на точность измерения  $g$ .

Автор благодарен В. М. Хавинсону за полезные обсуждения.

## ЛИТЕРАТУРА

1. J. A. Hampton and J. E. Falle. Laser-Interferometer System for the Determination of the Acceleration of Gravity.—IEEE Proc. QE, 1967, v. 3, № 11.
2. Г. Б. Гутман, Г. И. Злотник. Частотные соотношения при отражении электромагнитного поля от движущейся поверхности.—Труды метрологических институтов СССР, вып. 139 (199). М., Изд-во стандартов, 1972.
3. Утверждение государственного эталона СССР единицы длины.—Измерительная техника, 1968, № 2.
4. В. Г. Ильин, В. В. Сажин. Государственная служба времени и частоты СССР в 1972 г.—Измерительная техника, 1972, № 1.
5. С. В. Шустров. Методы измерения малой девиации частоты.—Труды метрологических институтов СССР, вып. 106(166). М., Изд-во стандартов, 1969.
6. Ю. А. Климонтович, А. С. Ковалев, П. С. Ланда. Естественные флюктуации в лазерах.—УФН, 1972, т. 106, вып. 2.

Поступило в редакцию 22 января 1973 г.

УДК 621.383.8 : 621.039.66

П. А. ТАРАСОВ, В. А. ФРОЛОВ

(Москва)

## ПАНОРМАННАЯ СИСТЕМА РАЗВЕРТКИ ЭЛЕКТРОННОГО ПУЧКА В ЭОП С ВЫСОКИМ ВРЕМЕННЫМ РАЗРЕШЕНИЕМ

Описывается метод развертки электронного пучка в электронно-оптическом преобразователе (ЭОП) с высоким времененным разрешением, позволяющий повысить отношение полного времени анализа к величине  $\Delta t = \Delta l/v_p$  ( $\Delta l$  — пространственное разрешение;  $v_p$  — скорость развертки) до значения  $k = 10^4$  и больше.

Использовалась трахоидальная развертка изображения [1], что позволило сочетать достоинства быстрой круговой развертки [2] с возможностью анализа событий, отстоящих друг от друга на время, большее периода развертки. При использовании только круговой развертки из-за наложения изображений такой анализ практически невозможен.

Трахоидальная развертка в схеме эксперимента [1] была реализована следующим образом (рис. 1): электронный пучок с фотокатода ЭОП проходил систему непрерывно работающей круговой развертки на частоте  $10^{10}$  Гц [3] и напряжением смещения  $U_{cm}$  на пластинках линейной развертки уводился за пределы экрана ЭОП.

Исследуемый лазерный импульс, отраженный делительной пластиной ДП поджигал разрядник Р. После этого кабель К<sub>1</sub>, заряженный до напряжения  $+U_{зар}$ , разряжался на кабель К<sub>2</sub>, сменную емкость С и емкость пластины С\*. Этим обеспечивалась линейная развертка точечного изображения, сфокусированного (после прохождения оптической задержки из призм П<sub>1</sub> — П<sub>2</sub>) на фотокатод ФК. Выбором длины оптической задержки и кабеля К<sub>2</sub> достигалась синхронизация времени прихода на фотокатод сигнала и